

1 次の計算をなさい。

(1)  $9 + 6 \div \left(-\frac{1}{3}\right)$  を計算せよ。

(2)  $-3^2 \times \frac{4}{9} + 8$  を計算せよ。

(3)  $6 + 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)$  を計算せよ。

(4)  $-7 + 8 \times \left(-\frac{1}{4}\right)$  を計算せよ。

(5)  $-6^2 + 4 \times 7$  を計算せよ。

(6)  $-7 + 8 \div \frac{1}{2}$  を計算せよ。

(7)  $-6 - 4^2 \times \frac{1}{8}$  を計算せよ。

2 次の計算をなさい。

(1)  $a - 8b - 2(a - 7b)$  を計算せよ。

(2)  $a + 6b - 2(a - b)$  を計算せよ。

(3)  $8a + b - (a - 7b)$  を計算せよ。

(4)  $9(a + b) - (a + 3b)$  を計算せよ。

(5)  $9a + 5b - (8a - b)$  を計算せよ。

(6)  $9a + 4b - (a - 3b)$  を計算せよ。

(7)  $7a - b - 5(a - 2b)$  を計算せよ。

3 次の計算をなさい。

(1)  $(\sqrt{5} + 4)(\sqrt{5} - 1)$  を計算せよ。

(2)  $(\sqrt{5} - 1)^2$  を計算せよ。

(3)  $(\sqrt{5} + \sqrt{3})(\sqrt{5} - \sqrt{3})$  を計算せよ。

(4)  $(\sqrt{7} + 6)(\sqrt{7} - 2)$  を計算せよ。

(5)  $\sqrt{27} - 12 \div \sqrt{3}$  を計算せよ。

(6)  $(\sqrt{6} + 5)(\sqrt{6} - 2)$  を計算せよ。

(7)  $\sqrt{48} + \frac{9}{\sqrt{3}}$  を計算せよ。

4 次の一次方程式を解きなさい。

(1) 一次方程式  $x + 6 = 3x - 8$  を解け。

(2) 一次方程式  $3x - 8 = 7(x + 4)$  を解け。

(3) 一次方程式  $9x + 2 = 8(x + 1)$  を解け。

(4) 一次方程式  $x - 5 = 3x + 1$  を解け。

(5) 一次方程式  $9x - 8 = 5(x + 4)$  を解け。

(6) 一次方程式  $x - 7 = 9(x + 1)$  を解け。

(7) 一次方程式  $x + 6 = 2(x + 1)$  を解け。

5 次の連立方程式を解きなさい。

(1) 連立方程式  $\begin{cases} 4x + y = 9 \\ x + 5y = 7 \end{cases}$  を解け。

(2) 連立方程式  $\begin{cases} x + 2y = 1 \\ 5x + 9y = 6 \end{cases}$  を解け。

(3) 連立方程式  $\begin{cases} 3x + y = 4 \\ 6x + 5y = -7 \end{cases}$  を解け。

(4) 連立方程式  $\begin{cases} 4x - y = 9 \\ x - 6y = 8 \end{cases}$  を解け。

(5) 連立方程式  $\begin{cases} 2x + 3y = -6 \\ x = -4y + 7 \end{cases}$  を解け。

(6) 連立方程式  $\begin{cases} 3x + 4y = 8 \\ x - 2y = 6 \end{cases}$  を解け。

(7) 連立方程式  $\begin{cases} 9x - 5y = -7 \\ -3x + 2y = 4 \end{cases}$  を解け。

6 次の二次方程式を解きなさい。

(1) 二次方程式  $(x + 2)^2 = 36$  を解け。

(2) 二次方程式  $x^2 - 7x = 0$  を解け。

(3) 二次方程式  $x^2 - 8x - 9 = 0$  を解け。

(4) 二次方程式  $x^2 - 12x + 35 = 0$  を解け。

(5) 二次方程式  $x^2 - 5x + 1 = 0$  を解け。

(6) 二次方程式  $x^2 + 5x - 3 = 0$  を解け。

(7) 二次方程式  $x^2 + 5x - 6 = 0$  を解け。

7 次の問に答えなさい。

- (1) 1 から 6 までの目の出る大小 1 つずつのさいころを同時に 1 回投げる。  
大きいさいころの出た目の数を  $a$ ，小さいさいころの出た目の数を  $b$  とするとき、 $b$  が  $a$  の倍数となる目の出方は全部で何通りあるか。

(2)

右の図 1 のように、1，2，3，4，5 の  
数字を 1 つずつ書いた 5 枚のカードがある。

図 1



この 5 枚のカードから同時に 2 枚のカードを  
取り出すとき、取り出した 2 枚のカードに書いて  
ある数の積が 10 未満になる確率を求めよ。

ただし、どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

(3)

袋の中に、赤玉が 2 個，白玉が 4 個，合わせて 6 個の玉が入っている。

この袋の中から同時に 2 個の玉を取り出すとき，赤玉と白玉が 1 個ずつである確率を  
求めよ。

ただし，どの玉が取り出されることも同様に確からしいものとする。

(4)

袋の中に，赤玉が 3 個，白玉が 2 個，合わせて 5 個の玉が入っている。

この袋の中から同時に 2 個の玉を取り出すとき，少なくとも 1 個は白玉である確率を  
求めよ。

ただし，どの玉が取り出されることも同様に確からしいものとする。



8 次の問に答えなさい。

(1)

右の表は、ある中学校の3年生男子全体のハンドボール投げの記録を、度数分布表に整理したものである。

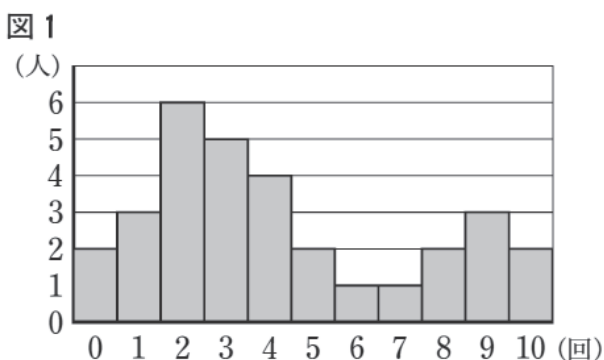
26 m以上投げた生徒の人数は、3年生男子全体の何%か。

階 級 (m)		度数 (人)
以上	未満	
10	～ 14	1
14	～ 18	2
18	～ 22	5
22	～ 26	5
26	～ 30	4
30	～ 34	3
計		20

(2)

右の図1は、ある中学校の生徒31人が、  
バスケットボールのフリースローを10回  
ずつ行ったとき、シュートが入った回数  
ごとの人数をグラフに表したものである。

シュートが入った回数の中央値を求めよ。



(3)

右の表は、マラソン大会の10 kmの部に出場した50人の記録を、度数分布表に整理したものである。

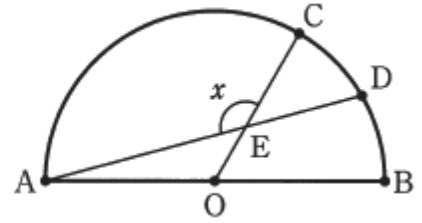
48分の記録を含む階級の相対度数を求めよ。

階 級 (分)		度数 (人)
以上	未満	
40	～ 43	7
43	～ 46	8
46	～ 49	12
49	～ 52	13
52	～ 55	10
計		50

9 次の計算をしなさい。

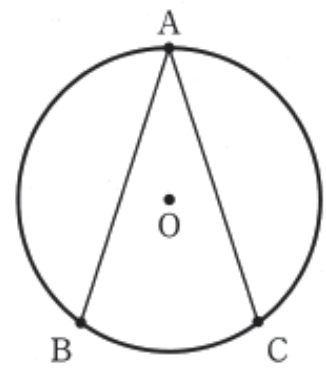
- (1) 右の図1のように、2点C, Dは、  
 線分ABを直径とする半円Oの $\widehat{AB}$ 上にある点で、  
 $\widehat{CD} = \widehat{BD} = \frac{1}{6}\widehat{AB}$ である。  
 線分ADと線分OCとの交点をEとする。  
 $x$ で示した $\angle AEC$ の大きさは何度か。

図1



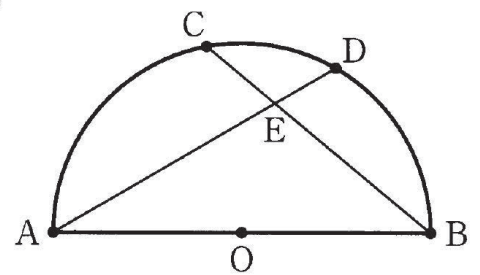
- (2) 右の図2で、3点A, B, Cは、  
 円Oの周上にあり、互いに一致しない。  
 円Oの半径が10 cm,  $\angle BAC = 36^\circ$  のとき、  
 点Aを含まない $\widehat{BC}$ の長さは何 cm か。  
 ただし、円周率は $\pi$ とする。

図2



- (3) 右の図1で、2点C, Dは、線分ABを  
 直径とする半円Oの $\widehat{AB}$ 上にある点で、  
 $\widehat{AC} = \frac{4}{9}\widehat{AB}$ ,  $\widehat{BD} = \frac{1}{3}\widehat{AB}$ である。  
 線分ADと線分BCとの交点をEとする。  
 $\angle AEC$ の大きさは何度か。

図1

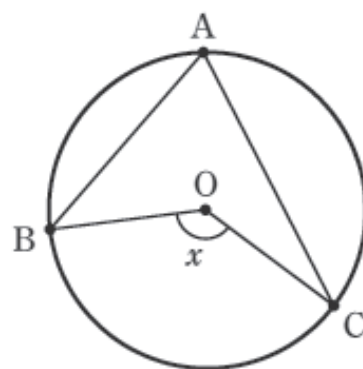


- (4) 右の図2のように、円Oの周上に 3点A, B, Cがある。

点Aと点B, 点Aと点C, 点Oと点B, 点Oと点Cをそれぞれ結ぶ。

$\angle ABO = 42^\circ$ ,  $\angle ACO = 26^\circ$  のとき,  $x$  で示した  $\angle BOC$  の大きさは何度か。

図2

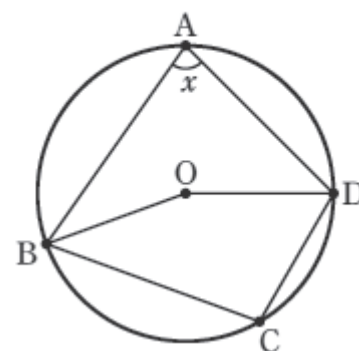


- (5) 右の図1のように、円Oの周上に 4点A, B, C, Dがある。

点Aと点B, 点Aと点D, 点Bと点C, 点Cと点D, 点Oと点B, 点Oと点Dをそれぞれ結ぶ。

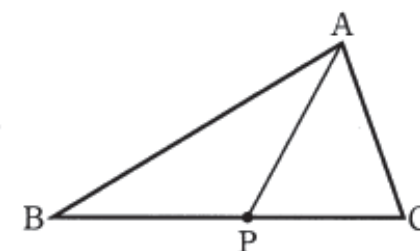
$\angle OBC = 40^\circ$ ,  $\angle ODC = 60^\circ$  のとき,  $x$  で示した  $\angle BAD$  の大きさは何度か。

図1



10 次の問に答えなさい。

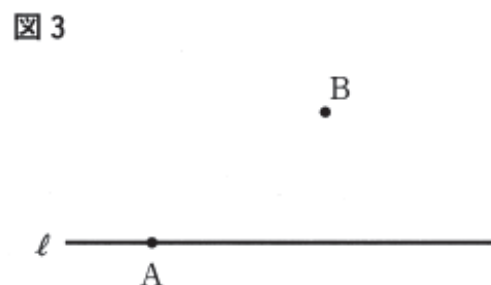
- (1) 右の図2で、点Pは $\triangle ABC$ の辺BC上にある点で、  
 $AP = BP$ である。



解答欄に示した図をもとにして、線分APを定規とコンパスを用いて作図し、点Pの位置を示す文字Pも書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

- (2) 右の図3で、点Aは直線 $l$ 上にある点で、  
点Bは直線 $l$ 上にない点である。



解答欄に示した図をもとにして、直線 $l$ 上に中心があり、点Aと点Bを通る円の中心Oを、定規とコンパスを用いて作図によって求め、中心Oの位置を示す文字Oも書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

- (3) 右の図で、 $\triangle ABC$ は、鋭角三角形である。  
解答欄に示した図をもとにして、辺AC上にあり、  
辺ABと辺BCまでの距離が等しい点Pを、定規と  
コンパスを用いて作図によって求め、点Pの位置を  
示す文字Pも書け。



ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

(4)

右の図2のように、3点A, B, Cがある。

図2

A

解答欄に示した図をもとにして、3点A, B, Cのそれぞれから等しい距離にある点Pを、定規とコンパスを用いて作図によって求め、点Pの位置を示す文字Pも書け。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

B

C

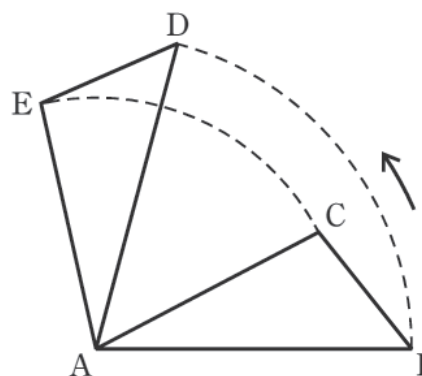
(5)

右の図3で、 $\triangle ADE$ は、 $\triangle ABC$ を頂点Aを中心として反時計回り（矢印の方向）に回転移動させたものである。

図3

解答欄に示した図をもとにして、 $\triangle ABC$ を頂点Aを中心として反時計回りに $90^\circ$ 回転移動させてできる $\triangle ADE$ を、定規とコンパスを用いて作図し、頂点D, 頂点Eの位置を示す文字D, Eも書け。

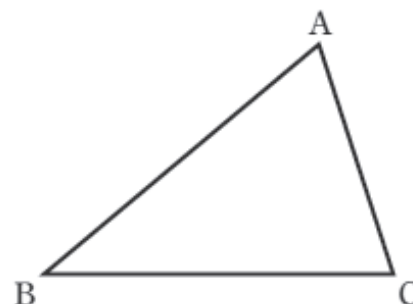
ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。



(6)

頂点Aを通り、 $\triangle ABC$ の面積を二等分する直線を、定規とコンパスを用いて作図せよ。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。

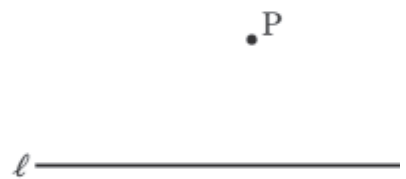


(7)

右の図2で、点Pは直線 $l$ 上にない点である。 図2

解答欄に示した図をもとにして、1つの頂点が点Pに一致し、1本の対角線が直線 $l$ に重なる正方形を、定規とコンパスを用いて作図せよ。

ただし、作図に用いた線は消さないでおくこと。



2

ある中学校の数学の授業で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。

次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

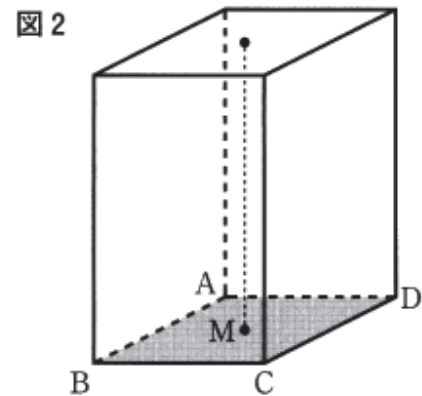
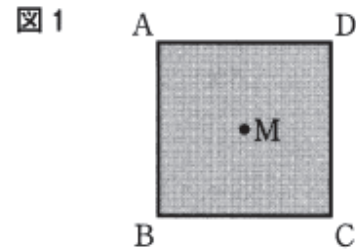
$a$ ,  $h$  を正の数とする。

右の図1で、四角形ABCDは1辺の長さが $a$  cmの正方形である。

四角形ABCDの2つの対角線の交点をMとする。

右の図2に示した立体は、図1の四角形ABCDを、四角形ABCDと垂直な方向に、一定の距離だけ平行に動かしてできた直方体を表している。

点Mが動いてできた線分の長さを $h$  cm、この立体の体積を $P$  cm<sup>3</sup>とすると、体積 $P$ を $a$ ,  $h$ を用いた式で表しなさい。



[問1] [Sさんが作った問題]で、 $P$ を $a$ ,  $h$ を用いた式で表せ。

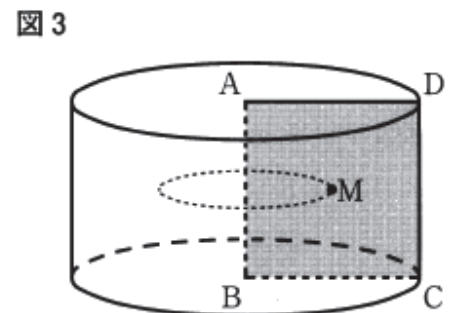
先生は、[Sさんが作った問題]をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

$a$ ,  $l$  を正の数とする。

右の図3に示した立体は、図1の四角形ABCDを、頂点A, Bを通る直線を軸として1回転させてできた円柱を表している。

点Mが動いてできた円の周の長さを $l$  cm、この立体の体積を $V$  cm<sup>3</sup>とすると、 $V = a^2 l$ となることを確かめなさい。



[問2] [先生が作った問題]で、 $V$ ,  $l$ をそれぞれ $a$ を使って表し、 $V = a^2 l$ となることを証明せよ。

ただし、円周率は $\pi$ とする。

2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。

次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

右の図1のように、9つの正方形の枠内に文字  $a, b, c, d, e, f, g, h, i$  を書いた表がある。

図1

$a$	$b$	$c$
$d$	$e$	$f$
$g$	$h$	$i$

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$  にそれぞれ代入する。

右の図2は、図1において、1から始まる連続する9つの自然数をそれぞれ代入した場合を表しており、

右の図3は、図1において、2から始まる連続する9つの自然数をそれぞれ代入した場合を表している。

図2

1	2	3
4	5	6
7	8	9

図3

2	3	4
5	6	7
8	9	10

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$  にそれぞれ代入するとき、 $a + e + i = 30$  となる  $e$  の値を調べてみよう。

[問1] [Sさんが作った問題] で、 $a + e + i = 30$  となる  $e$  の値を求めよ。

先生は、[Sさんが作った問題] をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

図1において、 $P$ と $Q$ をそれぞれ、 $P = b \times h + d \times f$ 、 $Q = a \times i + c \times g$ とする。

図2で、 $P$ と $Q$ はそれぞれ、 $P = 2 \times 8 + 4 \times 6 = 40$ 、 $Q = 1 \times 9 + 3 \times 7 = 30$ であり、このとき、 $P - Q = 10$ となる。また、図3で、 $P$ と $Q$ はそれぞれ、 $P = 3 \times 9 + 5 \times 7 = 62$ 、 $Q = 2 \times 10 + 4 \times 8 = 52$ であり、このときも、 $P - Q = 10$ となる。

図1において、連続する9つの自然数を小さい方から順に、 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$  にそれぞれ代入するとき、連続する9つの自然数がどの数から始まる場合でも、 $P - Q = 10$  となることを確かめなさい。

[問2] [先生が作った問題] で、 $a, b, c, d, f, g, h, i$  をそれぞれ  $e$  を用いて表し、

$P - Q = 10$  となることを証明せよ。



2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。

次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

2けたの自然数Pにおいて、十の位の数を $a$ 、一の位の数を $b$ とする。 $a$ と $b$ を足した数を9で割ったときの余りを $n$ とする。

$n = 0$ となる2けたの自然数Pは、全部で何個あるか考えてみよう。

[問1] [Sさんが作った問題]で、 $n = 0$ となる2けたの自然数Pは、全部で何個あるか。

先生は、[Sさんが作った問題]をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

2けたの自然数Pにおいて、十の位の数を $a$ 、一の位の数を $b$ とする。 $a$ と $b$ を足した数をQとする。

PとQをそれぞれ9で割ったときの余りについて考える。

例えば、 $P = 39$ のとき、39を9で割ったときの商は4、余りは3である。このとき、 $Q = 3 + 9 = 12$ となるから、12を9で割ったときの商は1、余りが3となり、PとQをそれぞれ9で割ったときの余りが等しくなる。

また、 $P = 62$ のとき、62を9で割ったときの商は6、余りは8である。このとき、 $Q = 6 + 2 = 8$ となるから、8を9で割ったときの商は0、余りが8となり、PとQをそれぞれ9で割ったときの余りが等しくなる。

2けたの自然数Pを9で割ったときの商を $m$ 、余りを $n$ とするとき、Qを9で割ったときの余りが $n$ となることを確かめなさい。

[問2] [先生が作った問題]で、Pを、 $a$ と $b$ を用いた式と、 $m$ と $n$ を用いた式の2通りの方法で表し、Qを9で割ったときの余りが $n$ となることを証明せよ。

- 2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。  
次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

$l$ を正の数とする。

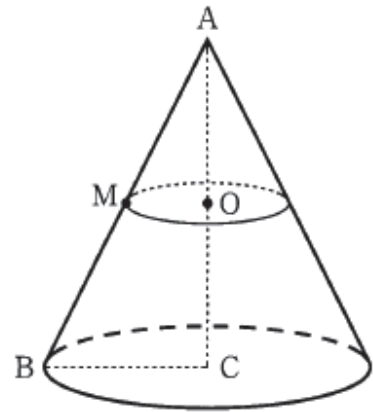
右の図1に示した立体は、 $\angle ACB = 90^\circ$ の  
直角三角形ABCを、辺ACを通る直線を軸として  
1回転させたときにできる円すいである。

辺ABの中点をMとし、点Mを通り底面に平行な  
平面と円すいが交わってできる円の中心をOとする。

円Oの周の長さを $l$  cm、線分ABを母線とする  
円すいの側面積を $P$  cm<sup>2</sup>とする。

$AB = 9$  cm、 $l = 4\pi$  cmのとき、 $P$ の値を  
求めてみよう。

図1



[問1] [Sさんが作った問題]で、 $P$ の値を求めよ。

ただし、円周率は $\pi$ とする。

先生は、[Sさんが作った問題]をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

$a$ 、 $l$ を正の数とする。

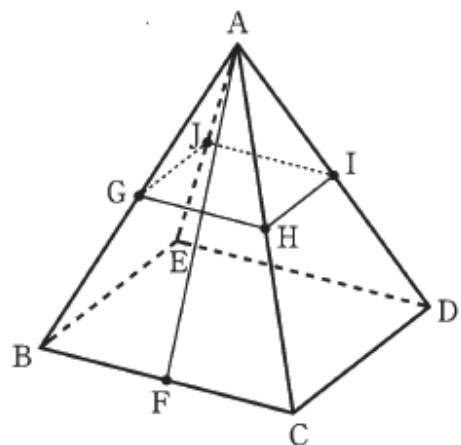
右の図2に示した立体A-BCDEは、  
底面BCDEが正方形で、 $AB = AC = AD = AE$ の  
正四角すいである。

辺BCの中点をFとし、頂点Aと点Fを結ぶ。

辺AB、辺AC、辺AD、辺AEの中点をそれぞれ  
G、H、I、Jとし、点Gと点H、点Hと点I、  
点Iと点J、点Jと点Gをそれぞれ結ぶ。

$AF = a$  cm、 $GH + HI + IJ + JG = l$  cm、  
立体A-BCDEの側面積を $Q$  cm<sup>2</sup>とすると、  
 $Q = al$ となることを確かめなさい。

図2



[問2] [先生が作った問題]で、 $Q = al$ となることを証明せよ。

- 2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。  
次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

右の図1は、縦と横がともに4マスである正方形のそれぞれのマスに、左上から、自然数を1から順に1つずつ書いた表である。

図1において、1, 5, 9のように、連続して縦に並んだ3つの数を選び、選んだ3つの数の和であるPを考える。

Pが4の倍数になる選び方は全部で何通りあるか考えてみよう。

図1

1	2	3	4
5	6	7	8
9	10	11	12
13	14	15	16

[問1] [Sさんが作った問題] で、Pが4の倍数になる選び方は全部で何通りあるか。

先生は、[Sさんが作った問題] をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

右の図2は、縦と横がともに5マスである正方形のそれぞれのマスに、左上から、自然数を1から順に1つずつ書いた表である。

図1, 図2において、連続して縦に並んだ3つの数を選び、中央の数の2乗から他の2つの数の積を引いたときの差であるQを考える。

図1において、選んだ3つの数が、

$$1, 5, 9 \text{ の場合, } Q = 5^2 - 1 \times 9 = 16 = 4^2 \text{ となり,}$$

$$6, 10, 14 \text{ の場合, } Q = 10^2 - 6 \times 14 = 16 = 4^2 \text{ となる。}$$

図2において、選んだ3つの数が、

$$3, 8, 13 \text{ の場合, } Q = 8^2 - 3 \times 13 = 25 = 5^2 \text{ となり,}$$

$$15, 20, 25 \text{ の場合, } Q = 20^2 - 15 \times 25 = 25 = 5^2 \text{ となる。}$$

$n$  を3以上の整数として、縦と横がともに  $n$  マスである正方形のそれぞれのマスに、左上から、自然数を1から順に1つずつ書いた表において、連続して縦に並んだ3つの数を選び、中央の数の2乗から他の2つの数の積を引いたときの差であるQを考えるとき、 $Q = n^2$  となることを確かめなさい。

図2

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15
16	17	18	19	20
21	22	23	24	25

[問2] [先生が作った問題] で、 $Q = n^2$  となることを証明せよ。

2 ある中学校で、Kさんが作った問題をみんなで考えた。

次の各問に答えよ。

[Kさんが作った問題]

$a, b, c$ を正の数とする。

右の図1で、四角形ABCDは長方形で、

$AB = a$  cm である。

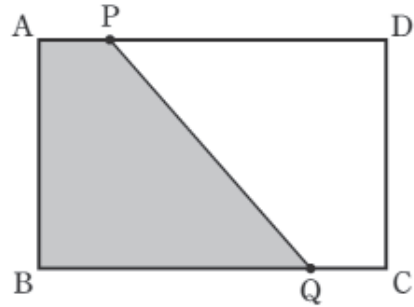
点Pは、辺AD上にある点で、 $AP = b$  cm、

$PD = c$  cm である。

点Qは、辺BC上にある点で、 $AP = CQ$  である。

点Pと点Qを結んでできる四角形ABQPの面積を  $S$   $\text{cm}^2$  とするとき、 $S$  を  $a, b, c$  を用いて表してみよう。

図1



Lさんは、[Kさんが作った問題] の答えを次の形の式で表した。Lさんの答えは正しかった。

〈Lさんの答え〉  $S = \frac{1}{2} a (\square)$

[問1] 〈Lさんの答え〉の  $\square$  に当てはまる式を書け。

先生は、[Kさんが作った問題] をもとにして、次の問題を作った。

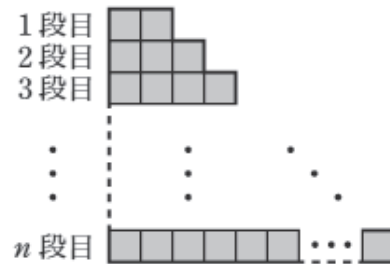
[先生が作った問題]

右の図2のように、1段目に2枚、2段目に3枚、3段目に4枚と、1辺の長さが1 cm の正方形の紙を1枚ずつ増やし、 $n$  段目まで隙間なく並べてできる図形を考える。

この図形の面積を  $T$   $\text{cm}^2$  とするとき、

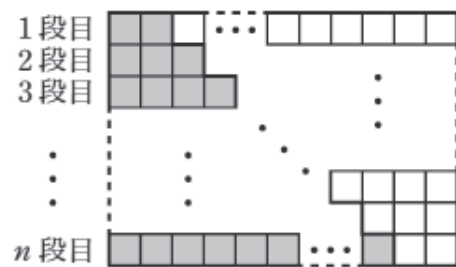
$T = \frac{1}{2} n(n+3)$  となることを示しなさい。

図2



[先生が作った問題] で、Mさんは、自分の考え方を右のような図で表し、 $T = \frac{1}{2} n(n+3)$  となることを示した。

〈Mさんの考え方を図で表したもの〉



[問2] Mさんの考え方を文章で表し、Mさんの考え方をを用いて、 $T = \frac{1}{2} n(n+3)$  となることを示せ。

- 2 ある中学校で、Sさんが作った問題をみんなで考えた。  
次の各問に答えよ。

[Sさんが作った問題]

右の図1は、「かけ算九九の表」の一部である。

図1において、かけられる数とかける数を除く25個の数の中から、縦と横がともに3マスの正方形の枠を用いて、1マスに1個の数が入るように、9個の数を囲むことを考える。

図1

		かける数				
		1	2	3	4	5
かけられる数	1	1	2	3	4	5
	2	2	4	6	8	10
	3	3	6	9	12	15
	4	4	8	12	16	20
	5	5	10	15	20	25

図2

		かける数				
		1	2	3	4	5
かけられる数	1	1	2	3	4	5
	2	2	4	6	8	10
	3	3	6	9	12	15
	4	4	8	12	16	20
	5	5	10	15	20	25

右の図2は、図1において、

縦と横がともに3マスの正方形の枠を用いて、四すみのうち、左上の数が2、右上の数が4、左下の数が6、右下の数が12となるように9個の数を囲んだ場合を表している。

囲んだ9個の数の四すみの数について、左上の数と右下の数の和をP、右上の数と左下の数の和をQとしたとき、 $P+Q$ の値が整数の2乗で表される数となる9個の数の囲み方は、全部で何通りあるか調べてみよう。

[問1] 次の□の中の「あ」に当てはまる数字を答えよ。

[Sさんが作った問題]で、 $P+Q$ の値が整数の2乗で表される数となる9個の数の囲み方は、全部で□あ□通りある。

先生は、[Sさんが作った問題]をもとにして、次の問題を作った。

[先生が作った問題]

右の図3は、「かけ算九九の表」である。

図3

$n$ を2から9までの自然数とし、図3において、かけられる数とかける数を除く81個の数の中から、縦と横がともに $n$ マスの正方形の枠を用いて、1マスに1個の数が入るように、 $n^2$ 個の数を囲むことを考える。

		かける数								
		1	2	3	4	5	6	7	8	9
かけられる数	1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	2	2	4	6	8	10	12	14	16	18
	3	3	6	9	12	15	18	21	24	27
	4	4	8	12	16	20	24	28	32	36
	5	5	10	15	20	25	30	35	40	45
	6	6	12	18	24	30	36	42	48	54
	7	7	14	21	28	35	42	49	56	63
	8	8	16	24	32	40	48	56	64	72
	9	9	18	27	36	45	54	63	72	81

囲んだ $n^2$ 個の数の四すみの数について、左上の数と右下の数の和をP、右上の数と左下の数の和をQとしたとき、 $P-Q$ の値を求める。

例えば、 $n=4$ のとき、左上の数が1、右上の数が4となるように16個の数を囲んだ場合、 $P-Q=(1+16)-(4+4)=9=3^2$ となる。

また、 $n=5$ のとき、左上の数が10、右上の数が18となるように25個の数を囲んだ場合、 $P-Q=(10+54)-(18+30)=16=4^2$ となる。

図3で示した「かけ算九九の表」の中の数を、縦と横がともに $n$ マスの正方形の枠を用いて囲むとき、 $P-Q=(n-1)^2$ となることを確かめなさい。

[問2] [先生が作った問題]で、縦と横がともに $n$ マスの正方形の枠を用いて囲んだ $n^2$ 個の数の四すみの数のうち、左上の数のかけられる数を $a$ 、かける数を $b$ とする。

このとき、左上の数、右上の数、左下の数、右下の数をそれぞれ $a$ 、 $b$ 、 $n$ を用いた式で表し、 $P-Q=(n-1)^2$ となることを証明せよ。



3 右の図1で、点Oは原点、点Aの座標は(0, 2)であり、直線 $l$ は一次関数  $y = -\frac{1}{2}x + 7$  のグラフを表している。

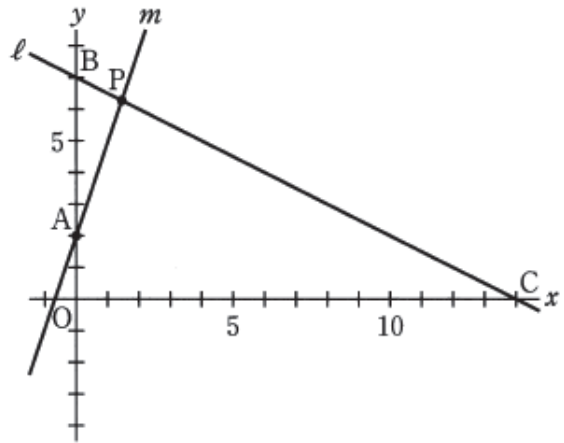
直線 $l$ と $y$ 軸との交点をB、直線 $l$ と $x$ 軸との交点をCとする。

直線 $l$ 上にあり、 $x$ 座標が14より小さい正の数である点をPとする。

2点A, Pを通る直線を $m$ とする。

座標軸の1目盛りを1cmとして、次の各問に答えよ。

図1



[問1] 点Pの $y$ 座標が6のとき、点Pの $x$ 座標を求めよ。

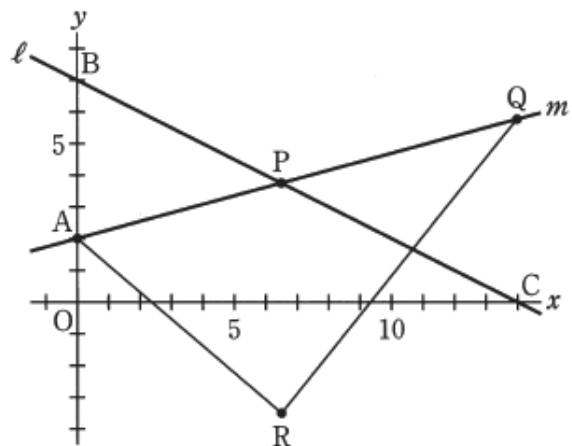
[問2] 直線 $m$ の傾きが $\frac{1}{2}$ のとき、点Pの座標を求めよ。

[問3] 右の図2は、図1において、

直線 $m$ 上にあり $x$ 座標が点Cの $x$ 座標と等しい点をQ、 $x$ 軸を対称の軸として点Pと線対称な点をRとし、点Aと点R、点Qと点Rをそれぞれ結んだ場合を表している。

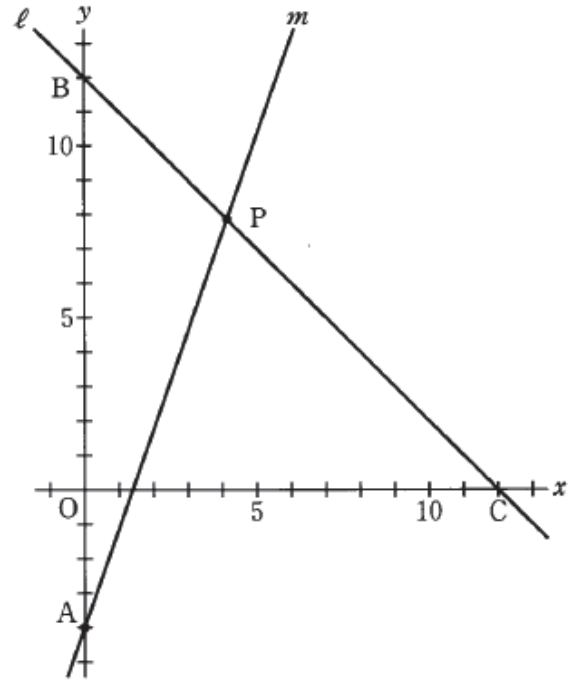
$\triangle ARQ$ の面積が $49\text{cm}^2$ のとき、点Pと点Rを結んでできる線分PRの長さは何cmか。

図2



- 3 右の図1で、点Oは原点、点Aの座標は  $(0, -4)$  であり、直線  $l$  は一次関数  $y = -x + 12$  のグラフを表している。直線  $l$  と  $y$  軸との交点をB、直線  $l$  と  $x$  軸との交点をCとする。直線  $l$  上にあり、 $x$  座標が12より小さい正の数である点をPとする。2点A、Pを通る直線を  $m$  とする。座標軸の1目盛りを1cmとして、次の各問に答えよ。

図1

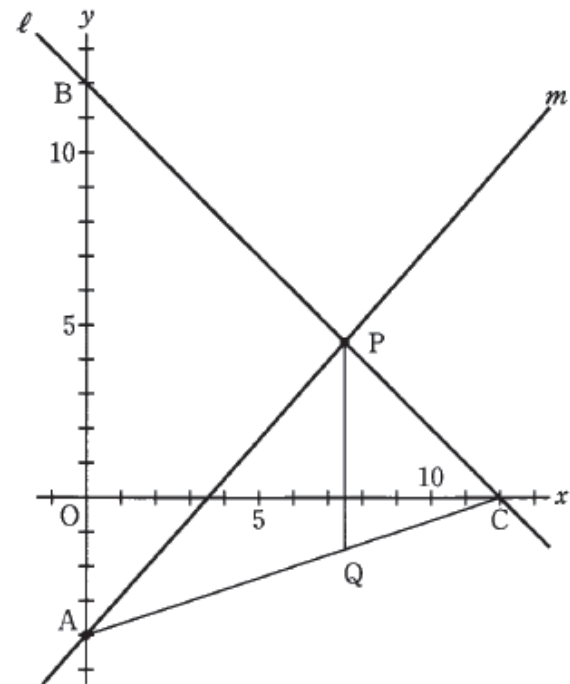


- [問1] 点Pの  $x$  座標が2のとき、直線  $m$  の式を求めよ。

- [問2] 線分APが  $x$  軸により2等分されるとき、線分BPの長さと線分PCの長さの比を最も簡単な整数の比で表せ。

- [問3] 右の図2は、図1において、点Aと点Cを結び、点Pを通り  $y$  軸に平行な直線を引き、線分ACとの交点をQとした場合を表している。 $\triangle CPQ$ の面積が  $6 \text{ cm}^2$  のとき、点Pの座標を求めよ。

図2

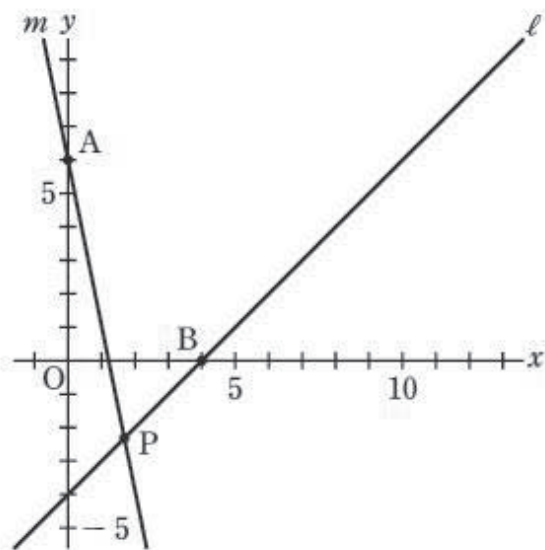


3 右の図1で、点Oは原点、点Aの座標は(0, 6)であり、直線  $l$  は一次関数  $y = x - 4$  のグラフを表している。点Bは直線  $l$  上にあり、座標は(4, 0)である。

直線  $l$  上にある点をPとし、2点A, Pを通る直線を  $m$  とする。

座標軸の1目盛りを1 cm として、次の各問に答えよ。

図1



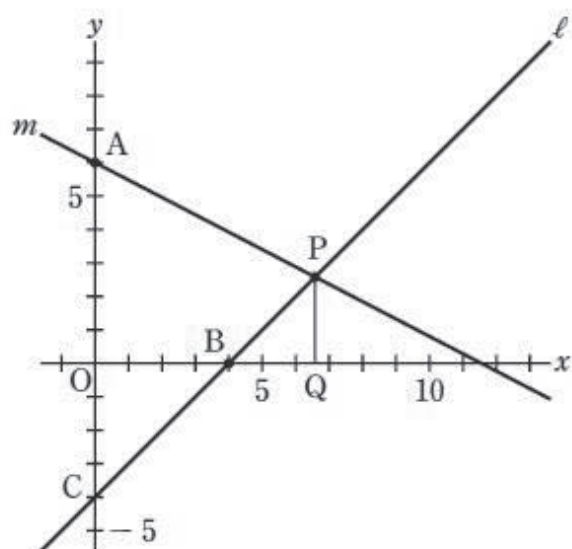
[問1] 点Pのy座標が-2のとき、点Pのx座標を求めよ。

[問2] 点Pが点Bに一致するとき、直線  $m$  の式を求めよ。

[問3] 右の図2は、図1において、点Pのx座標が4より大きい数であるとき、直線  $l$  とy軸との交点をCとし、点Pを通りy軸に平行な直線を引き、x軸との交点をQとした場合を表している。

$\triangle ACP$ の面積が $\triangle BQP$ の面積の5倍になるとき、線分PQの長さは何 cm か。

図2





3 右の図1で、点Oは原点、曲線 $\ell$ は関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフを表している。

点Aは曲線 $\ell$ 上にあり、 $x$ 座標は6である。

曲線 $\ell$ 上にある点をPとする。

次の各問に答えよ。

〔問1〕 点Pの $x$ 座標を $a$ 、 $y$ 座標を $b$ とする。

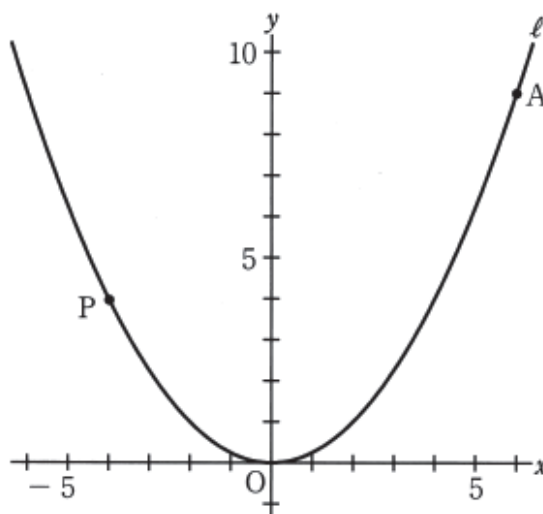
$a$ のとり値の範囲が $-5 \leq a \leq 4$ のとき、

$b$ のとり値の範囲を不等号を使って、

$$\boxed{\phantom{00}} \leq b \leq \boxed{\phantom{00}}$$

で表せ。

図1



〔問2〕 点Pの $x$ 座標が $-2$ のとき、2点A、Pを通る直線の式を求めよ。

〔問3〕 右の図2は、図1において、点Pの

$x$ 座標が6より小さい正の数であるとき、

点Aを通り $x$ 軸に平行な直線を引き、

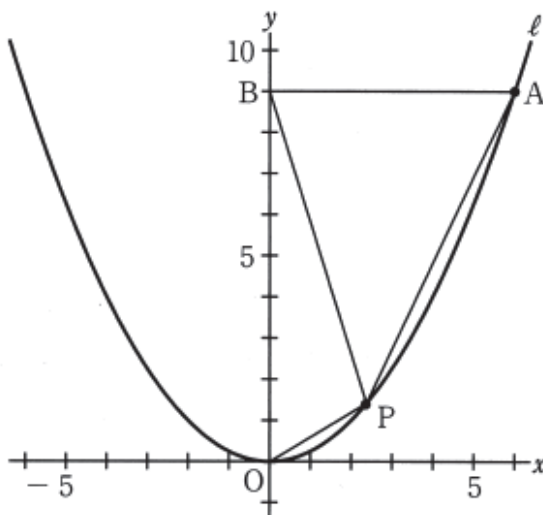
$y$ 軸との交点をBとし、点Aと点P、

点Bと点P、点Oと点Pをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle ABP$ の面積と $\triangle BOP$ の面積の比が

3 : 2となるとき、点Pの座標を求めよ。

図2



3 右の図1で、点Oは原点、曲線 $\ell$ は関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフを表している。

点A、点Bはともに曲線 $\ell$ 上にあり、 $x$ 座標はそれぞれ $-4$ 、 $2$ である。

曲線 $\ell$ 上にある点をPとする。

座標軸の1目盛りを1cmとして、次の各問に答えよ。

〔問1〕 点Pの $y$ 座標を $a$ とする。

点Pが点Aから点Bまで動くとき、 $a$ のとり値の範囲を不等号を使って、

$$\boxed{\phantom{00}} \leq a \leq \boxed{\phantom{00}}$$

で表せ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、

点Pを通り傾き $-\frac{1}{2}$ の直線を引き、 $y$ 軸との交点をQとした場合を表している。

次の①、②に答えよ。

① 異なる2点A、Pを通る直線が $x$ 軸と平行になるとき、2点A、Qを通る直線の式を求めよ。

② 点Pの $x$ 座標が2より大きい数であるとき、点Aと点B、点Aと点Q、点Bと点Qをそれぞれ結んだ場合を考える。

$\triangle ABQ$ の面積が $30 \text{ cm}^2$ のとき、点Pの座標を求めよ。

図1

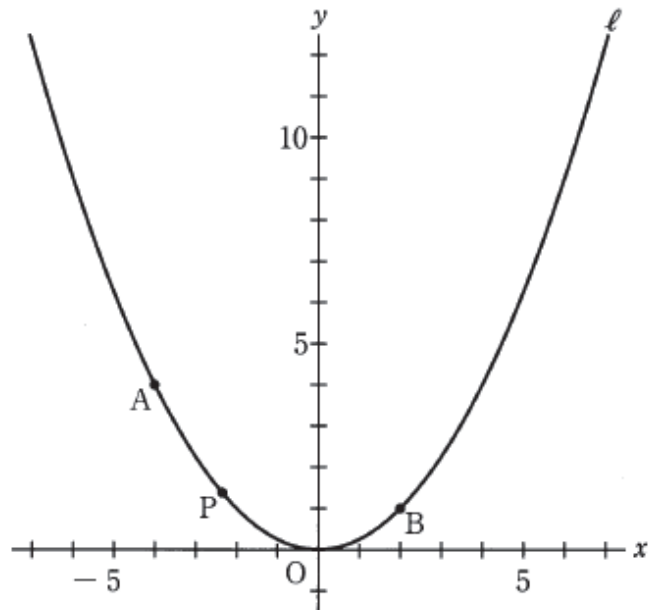
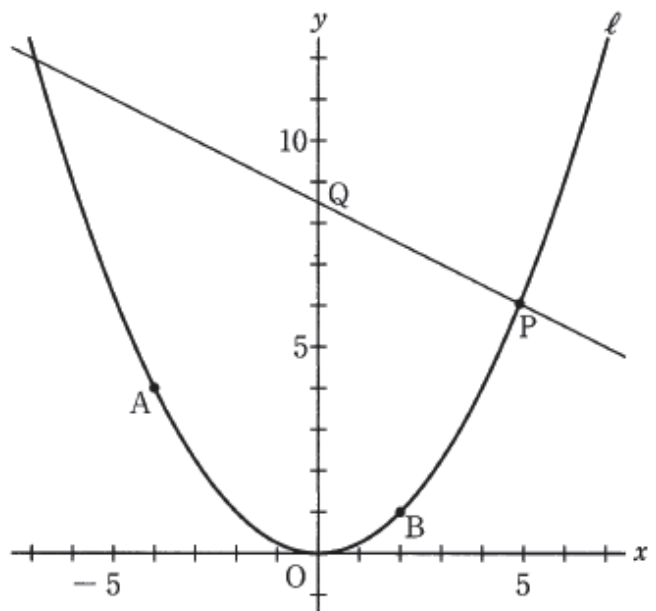


図2



3 右の図1で、点Oは原点、点Aの座標は  $(-6, 0)$  であり、曲線  $l$  は関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフを表している。

曲線  $l$  上にある点をPとする。

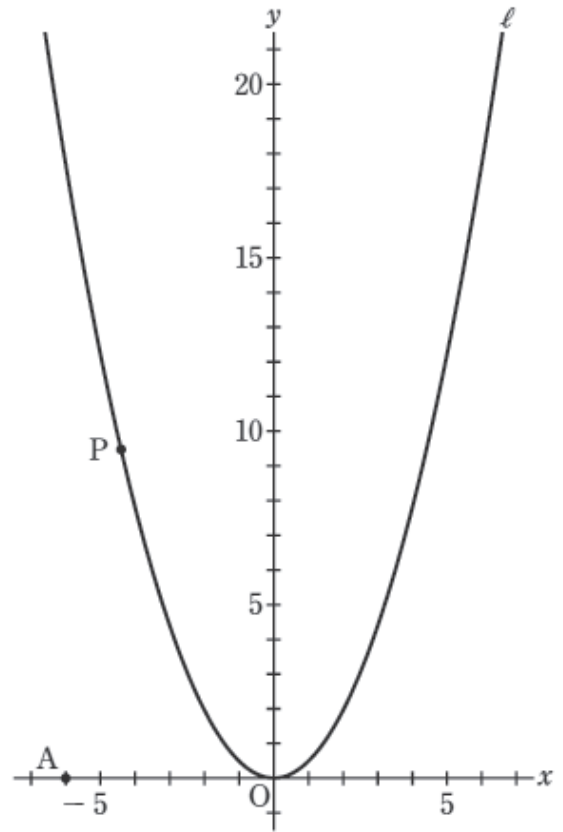
次の各問に答えよ。

〔問1〕 点Pの  $x$  座標を  $a$ 、 $y$  座標を  $b$  とする。  
 $a$  のとる値の範囲が  $-6 \leq a \leq 5$  のとき、  
 $b$  のとる値の範囲を不等号を使って、

$$\boxed{\phantom{000}} \leq b \leq \boxed{\phantom{000}}$$

で表せ。

図1

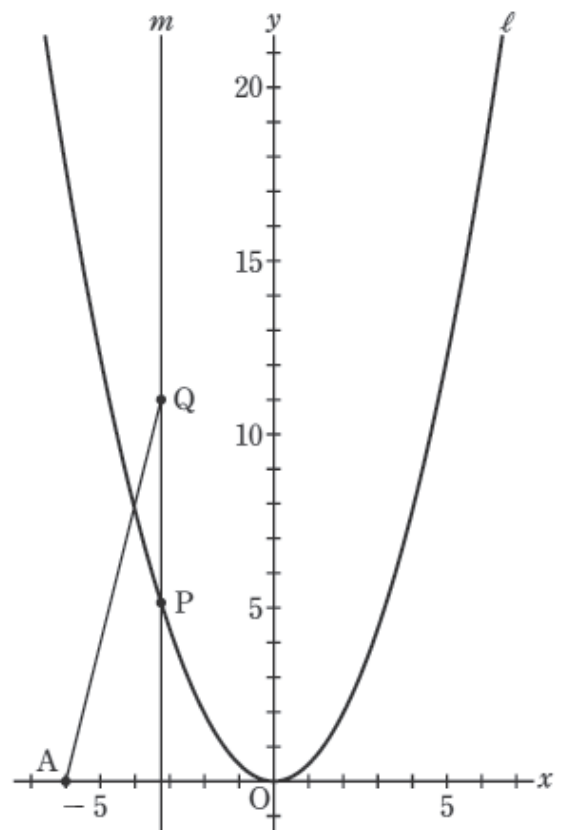


〔問2〕 右の図2は、図1において、  
 点Pを通り  $y$  軸に平行な直線  $m$  を引き、  
 直線  $m$  上にあり  $y$  座標が点Pの  $y$  座標  
 より6大きい点をQとし、点Aと点Q  
 を結んだ場合を表している。

次の①、②に答えよ。

- ① 点Pが  $y$  軸上にあるとき、  
 2点A、Qを通る直線の式を求めよ。
- ② 点Pの  $x$  座標が正の数るとき、  
 $y$  軸を対称の軸として点Aと線対称な  
 点をBとし、点Aと点P、点Bと点P  
 をそれぞれ結んだ場合を考える。  
 $\triangle ABP$  の面積と  $\triangle APQ$  の面積が  
 等しくなるとき、点Pの座標を求めよ。

図2



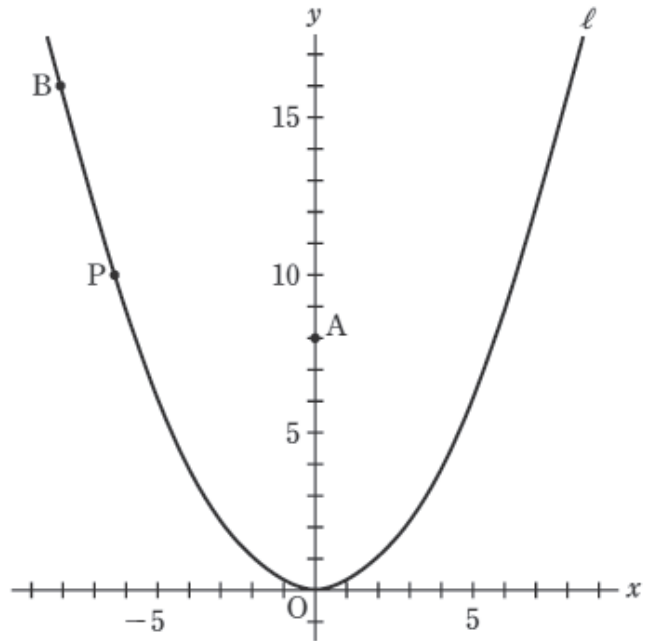
3 右の図1で、点Oは原点、点Aの座標は(0, 8)であり、曲線 $\ell$ は関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフを表している。

点Bは曲線 $\ell$ 上にあり、 $x$ 座標は-8である。

曲線 $\ell$ 上にある点をPとする。

次の各問に答えよ。

図1



〔問1〕 点Pが点Bに一致するとき、2点A, Pを通る直線の式を、次のア～エのうちから選び、記号で答えよ。

- ア  $y = -x + 8$     イ  $y = -\frac{1}{3}x + 8$     ウ  $y = \frac{1}{3}x + 8$     エ  $y = x + 8$

〔問2〕 点Pの $x$ 座標を $a$ 、 $y$ 座標を $b$ とする。

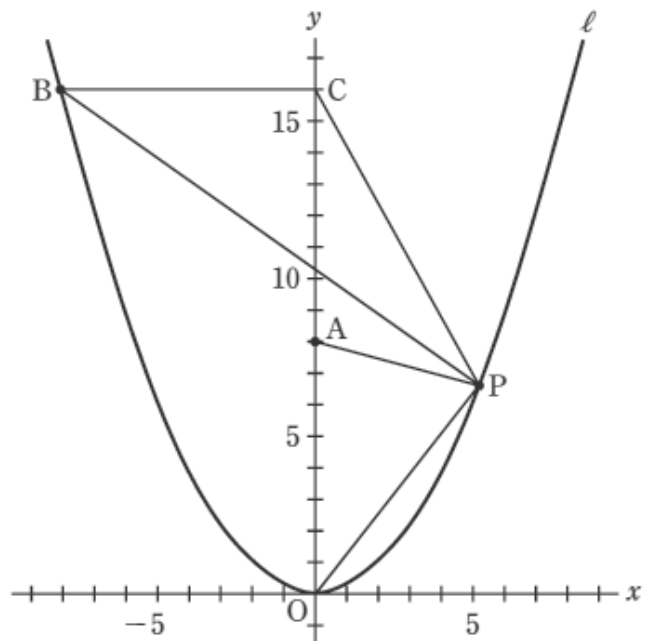
$a$ のとり値の範囲が $-8 \leq a \leq 6$ のとき、 $b$ のとり値の範囲を、次のア～エのうちから選び、記号で答えよ。

- ア  $-16 \leq b \leq 9$     イ  $0 \leq b \leq 9$     ウ  $0 \leq b \leq 16$     エ  $9 \leq b \leq 16$

〔問3〕 右の図2は、図1において、点Pの $x$ 座標が8より小さい正の数であるとき、点Bを通り $x$ 軸に平行な直線を引き、 $y$ 軸との交点をCとし、点Oと点P、点Aと点P、点Bと点P、点Cと点Pをそれぞれ結んだ場合を表している。

$\triangle CBP$ の面積が $\triangle AOP$ の面積の3倍になるとき、点Pの $x$ 座標を求めよ。

図2



4 右の図1で、点Oは線分ABを直径とする  
円の中心である。

図1

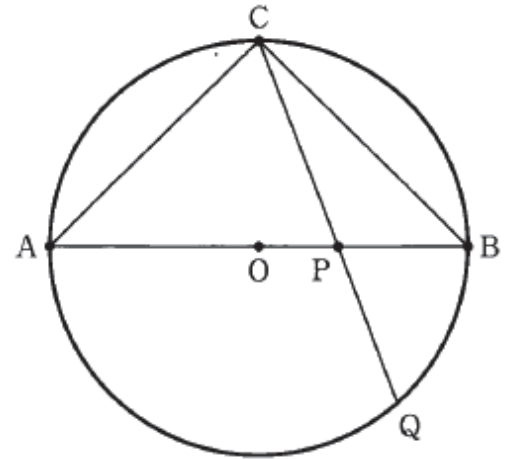
点Cは円Oの周上にある点で、 $\widehat{AC} = \widehat{BC}$   
である。

点Pは、線分AB上にある点で、点A、点B  
のいずれにも一致しない。

点Cと点Pを結んだ線分CPをPの方向に  
延ばした直線と円Oとの交点をQとする。

点Aと点C、点Bと点Cをそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。



〔問1〕 図1において、 $\angle CPB$ の大きさを $a^\circ$ とするととき、 $\angle ACP$ の大きさを $a$ を用いた式  
で表せ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、

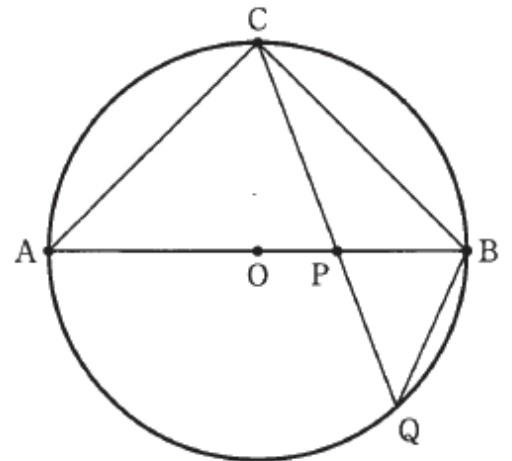
図2

点Bと点Qを結んだ場合を表している。

次の①、②に答えよ。

①  $\triangle APC \sim \triangle QPB$ であることを  
証明せよ。

②  $AO = 10\text{ cm}$ ,  $AP = 15\text{ cm}$ のとき、  
 $\triangle CQB$ の面積は何 $\text{cm}^2$ か。



4 右の図1で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle BAC$ が鋭角の二等辺三角形である。

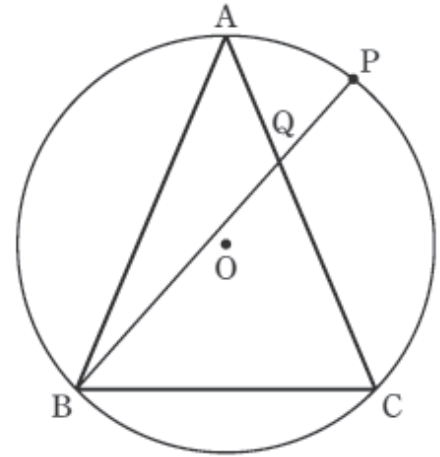
点 $O$ は、 $\triangle ABC$ の3つの頂点 $A, B, C$ を通る円の中心である。

点 $P$ は、頂点 $B$ を含まない $\widehat{AC}$ 上にある点で、頂点 $A, 頂点C$ のいずれにも一致しない。

頂点 $B$ と点 $P$ を結び、辺 $AC$ との交点を $Q$ とする。

次の各問に答えよ。

図1



[問1] 図1において、 $\angle ABC = 75^\circ$ 、 $\angle ABP = a^\circ$ とするとき、 $\angle PQC$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

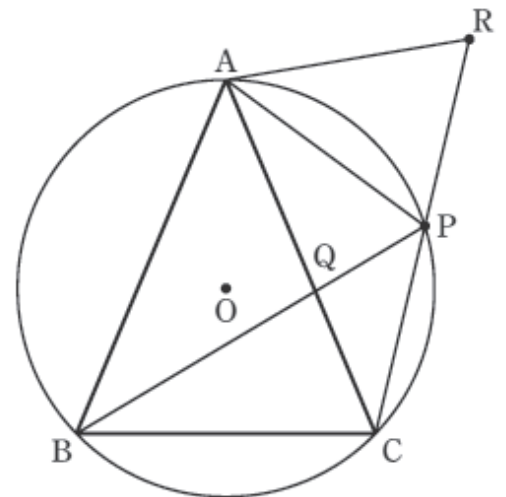
[問2] 右の図2は、図1において、

頂点 $A$ と点 $P$ 、頂点 $C$ と点 $P$ をそれぞれ結び、線分 $CP$ を $P$ の方向に延ばした直線上にあり $BP=CR$ となる点を $R$ とし、頂点 $A$ と点 $R$ を結んだ場合を表している。

次の①、②に答えよ。

①  $\triangle ABP \equiv \triangle ACR$ であることを証明せよ。

図2



②  $AB=BP=9\text{ cm}$ 、 $BC=6\text{ cm}$ のとき、線分 $CP$ の長さは何 $\text{ cm}$ か。

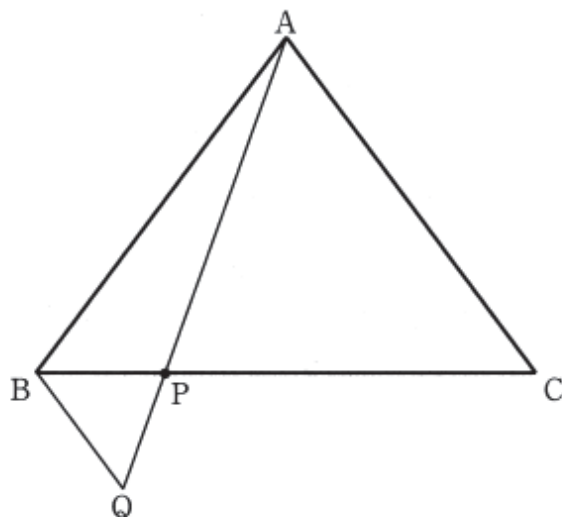
4 右の図1で、 $\triangle ABC$ は $AB=AC$ 、 $\angle BAC$ が鋭角の二等辺三角形である。

点Pは、辺BC上にある点で、頂点B、頂点Cのいずれにも一致しない。

頂点Aと点Pを結び、線分APをPの方向に延ばした直線と、頂点Bを通り辺ACに平行な直線との交点をQとする。

次の各問に答えよ。

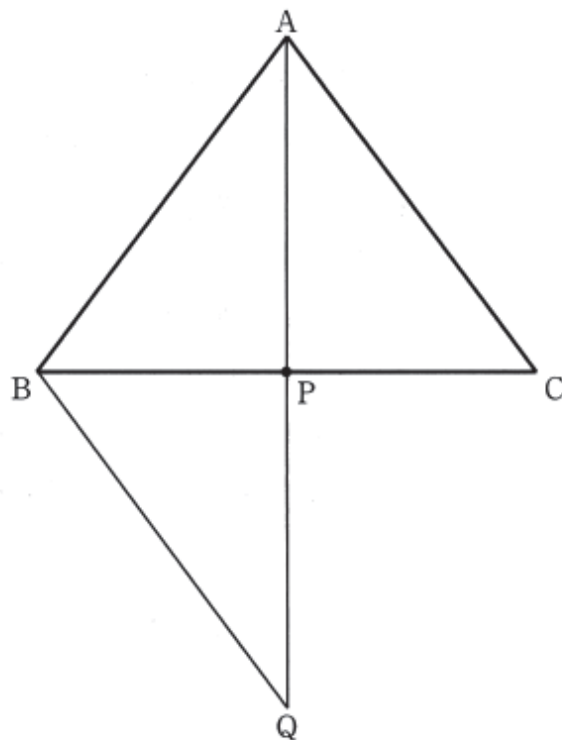
図1



〔問1〕 図1において、 $\angle BAC = 70^\circ$ 、 $\triangle ABP$ の内角である $\angle BAP$ の大きさを $a^\circ$ とするとき、 $\triangle BQP$ の内角である $\angle BPQ$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、 $BP=CP$ の場合を表している。次の①、②に答えよ。

図2



①  $\triangle APC \equiv \triangle QPB$ であることを証明せよ。

② 図2において、点Pを通り辺ABに平行な直線を引き、辺ACとの交点をRとし、頂点Bと点Rを結んだ線分と、線分APとの交点をSとした場合を考える。

$AB = 5\text{ cm}$ 、 $BC = 6\text{ cm}$ のとき、 $\triangle SBQ$ の面積は何 $\text{cm}^2$ か。

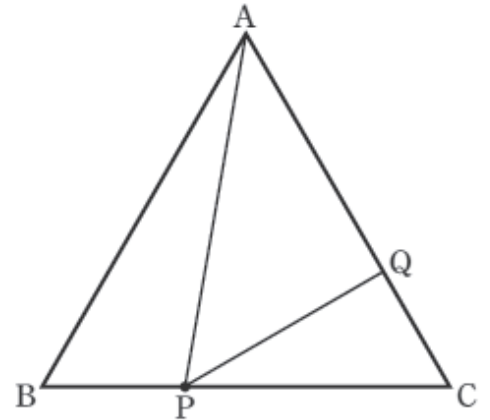
4 右の図1で、 $\triangle ABC$ は正三角形である。 図1

点Pは、辺BC上にある点で、頂点B、頂点Cのいずれにも一致しない。

頂点Aと点Pを結ぶ。

点Pから辺ACに引いた垂線と、辺ACとの交点をQとする。

次の各問に答えよ。



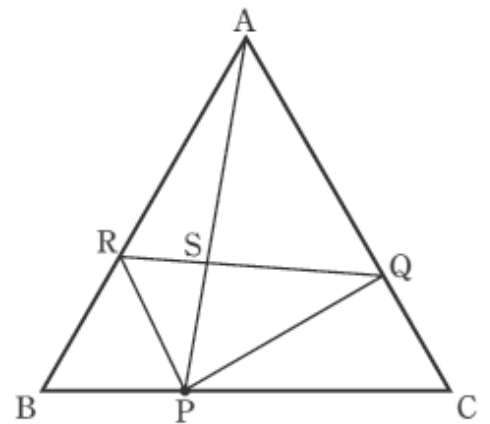
[問1] 図1において、 $\angle BAP$ の大きさを $a^\circ$ とすると、 $\angle APQ$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

[問2] 右の図2は、図1において、点Pを通り 図2

辺ACに平行な直線を引き、辺ABとの交点をRとし、点Qと点Rを結び、線分APと線分QRとの交点をSとした場合を表している。

次の①、②に答えよ。

①  $\triangle PSR \sim \triangle ASQ$ であることを証明せよ。



② 図2において、 $BP : PC = 1 : 2$ のとき、 $\triangle PQS$ の面積は $\triangle ABC$ の面積の何分のいくつか。



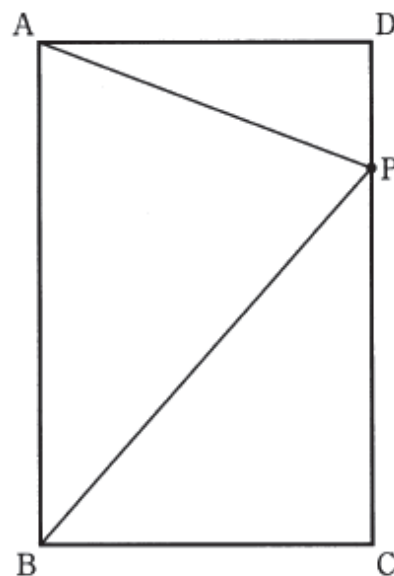
4 右の図1で、四角形ABCDは、 $AB > AD$ の長方形である。

点Pは辺CD上にある点で、頂点C、頂点Dのいずれにも一致しない。

頂点Aと点P、頂点Bと点Pをそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。

図1



〔問1〕 図1において、 $AB = BP$ 、 $\triangle BPA$ の内角である $\angle BAP$ の大きさを $a^\circ$ とするとき、 $\triangle PBC$ の内角である $\angle PBC$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、頂点Aと頂点Cを結び、線分BPとの交点をQとした場合を表している。

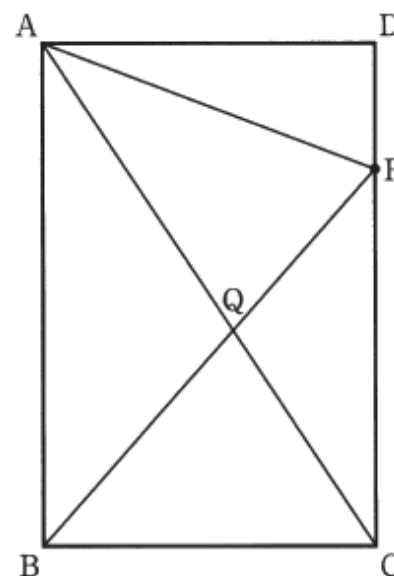
次の①、②に答えよ。

①  $\triangle ABQ \sim \triangle CPQ$ であることを証明せよ。

② 図2において、頂点Cを通り線分APに平行な直線を引き、線分BPとの交点をRとした場合を考える。

$CP : PD = 2 : 1$ のとき、線分QRの長さは、線分BPの長さの何分のいくつか。

図2



4 右の図1で、四角形ABCDは正方形である。

点Pは、辺BC上にある点で、頂点B、頂点Cのいずれにも一致しない。

頂点Aと点Pを結ぶ。

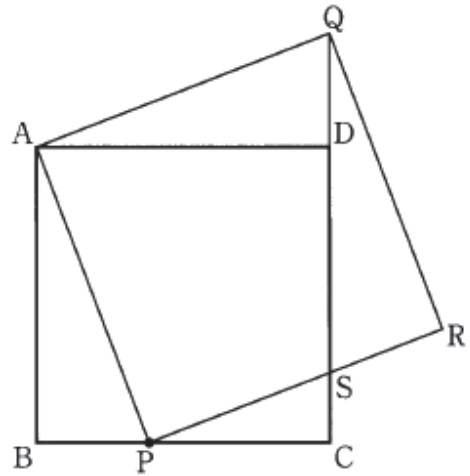
頂点Aを通り線分APに垂直な直線と、辺CDをDの方向へ延ばした直線との交点をQとする。

点Pを通り線分APに垂直な直線と、点Qを通り線分APに平行な直線との交点をRとする。

線分PRと辺CDとの交点をSとする。

次の各問に答えよ。

図1



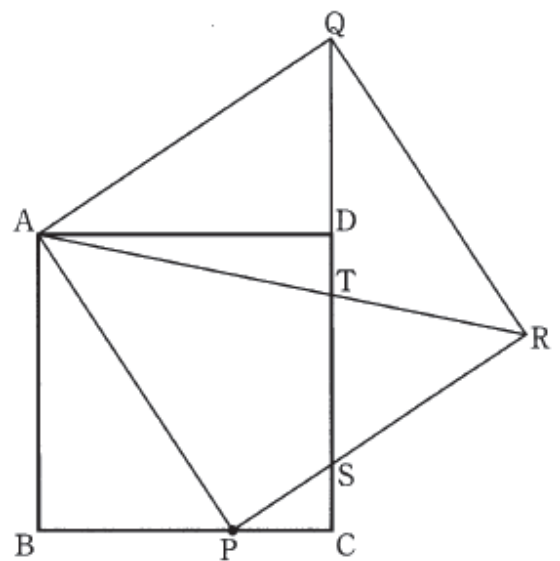
〔問1〕 図1において、 $\angle PAB$ の大きさを $a^\circ$ とするとき、 $\angle CSP$ の大きさを $a$ を用いた式で表せ。

〔問2〕 右の図2は、図1において、頂点Aと点Rを結び、線分ARと辺CDとの交点をTとした場合を表している。次の①、②に答えよ。

①  $\triangle ABP \cong \triangle ADQ$ であることを証明せよ。

② 図2において、 $AB = 9\text{ cm}$ 、 $BP = 6\text{ cm}$ のとき、線分QTの長さは何cmか。

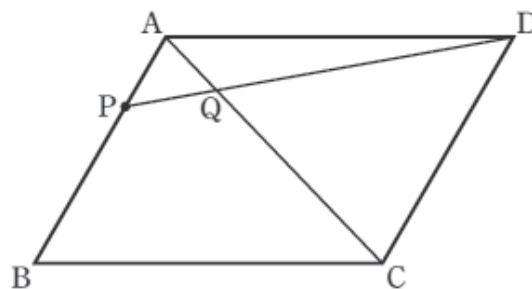
図2



4 右の図1で、四角形ABCDは、  
平行四辺形である。

図1

点Pは、辺AB上にある点で、  
頂点A、頂点Bのいずれにも一致しない。  
頂点Aと頂点Cを結んだ線分と、  
頂点Dと点Pを結んだ線分との交点をQ  
とする。



次の各問に答えよ。

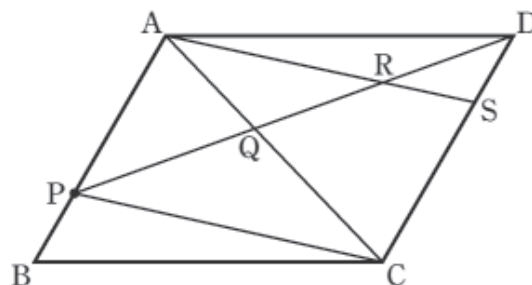
〔問1〕 図1において、 $\angle ABC = 60^\circ$ 、 $\angle DCA = 75^\circ$ 、 $\angle ADP = a^\circ$  とするとき、  
 $\triangle CDQ$ の内角である $\angle CQD$ の大きさを表す式を、次のア～エのうちから選び、  
記号で答えよ。

- ア  $(45 - a)$ 度      イ  $(60 - a)$ 度      ウ  $(a + 30)$ 度      エ  $(a + 45)$ 度

〔問2〕 右の図2は、図1において、

図2

頂点Cと点Pを結び、頂点Aを通り  
線分CPに平行な直線を引き、  
線分DPとの交点をR、辺CDとの  
交点をSとした場合を表している。



次の①、②に答えよ。

①  $\triangle AQR \sim \triangle CQP$  であることを証明せよ。

② 次の□の中の「い」「う」「え」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

図2において、 $AP : PB = 2 : 1$ のとき、 $\triangle AQR$ の面積は、四角形APCSの

面積の  $\frac{\square{\text{い}}}{\square{\text{うえ}}}$  倍である。

5 右の図1に示した立体A-BCDは、  
1辺の長さが6 cm の正四面体である。

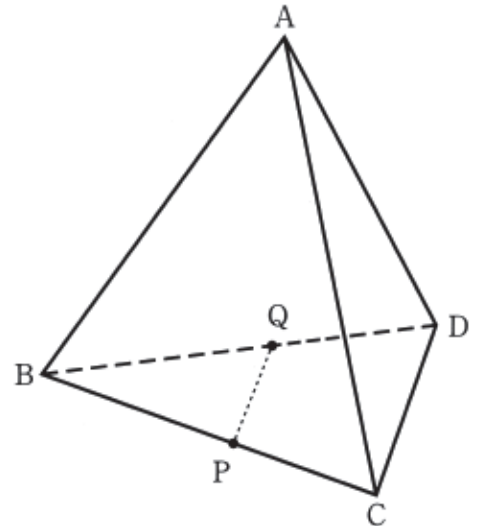
点Pは、頂点Cを出発し、辺CB、辺BA上を  
毎秒1 cm の速さで動き、12秒後に頂点Aに到着する。

点Qは、点Pが頂点Cを出発するのと同時に  
頂点Bを出発し、辺BD、辺DC上を、点Pと同じ  
速さで動き、12秒後に頂点Cに到着する。

点Pと点Qを結ぶ。

次の各問に答えよ。

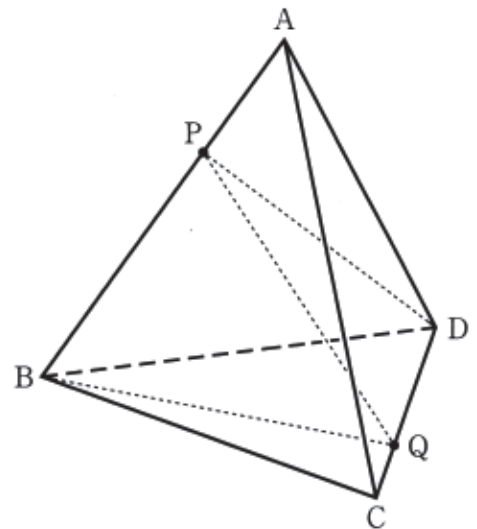
図1



〔問1〕 図1において、点Pが辺CB上にあるとき、辺CBと線分PQが垂直になるのは、  
点Pが頂点Cを出発してから何秒後か。

〔問2〕 右の図2は、図1において、点Pが  
頂点Cを出発してから10秒後のとき、頂点Bと  
点Q、頂点Dと点Pをそれぞれ結んだ場合を  
表している。  
立体P-BQDの体積は、立体A-BCDの  
体積の何分のいくつか。

図2



5

右の図1に示した立体A-BCDは、

$AB=AC=12\text{ cm}$ ,  $BC=BD=CD=6\text{ cm}$ ,  
 $\angle ADB=\angle ADC=90^\circ$ の三角すいである。

辺AB上にあり、頂点A, 頂点Bのいずれにも一致しない点をPとする。

点Pを通り辺ACに平行な直線を引き、  
 辺BCとの交点をQ, 点Pを通り辺ADに平行な直線を引き、  
 辺BDとの交点をRとする。

点Qと点Rを結ぶ。

次の各問に答えよ。

[問1] 図1において、 $AP=6\text{ cm}$ のとき、  
 $\triangle PRQ$ の面積と $\triangle ADC$ の面積の比を  
 最も簡単な整数の比で表せ。

[問2] 右の図2は、図1において、  
 点Rを通り辺BCに平行な直線を引き、  
 辺CDとの交点をSとし、点Pと点S、  
 点Qと点Sをそれぞれ結んだ場合を  
 表している。

$AP:PB=1:2$ のとき、  
 立体P-RQSの体積は何 $\text{cm}^3$ か。

図1

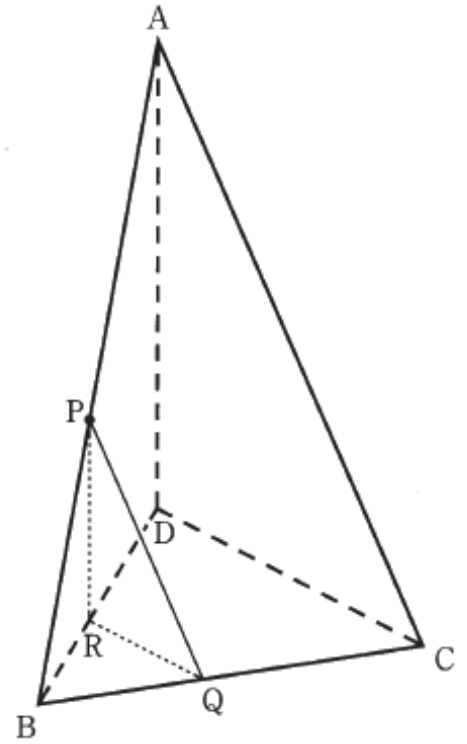
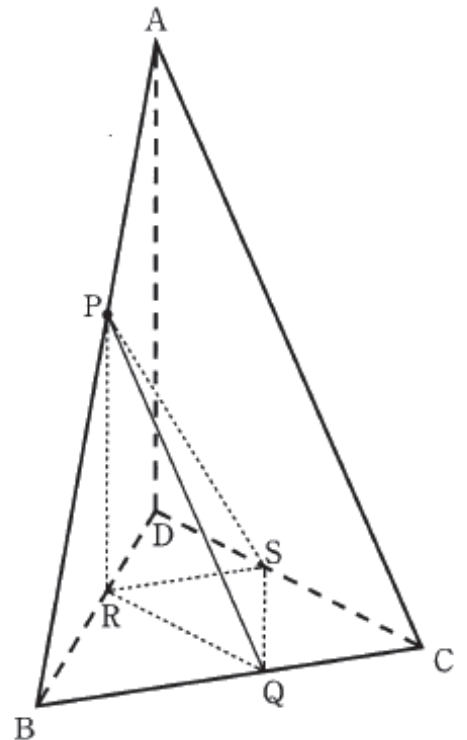


図2



5 右の図1に示した立体A-BCDは、  
 $AD = 8 \text{ cm}$ ,  $BD = CD = 4 \text{ cm}$ ,  
 $\angle ADB = \angle ADC = \angle BDC = 90^\circ$  の三角すい  
 である。

辺AD上にある点をPとする。  
 頂点Bと点P, 頂点Cと点Pをそれぞれ結ぶ。  
 次の各問に答えよ。

[問1]  $AP = PD$  のとき,  $\triangle BCP$  の内角である  
 $\angle BPC$  の大きさは何度か。

[問2] 右の図2は, 図1において,  
 $AP = 6 \text{ cm}$  のとき, 辺BCの中点をM,  
 頂点Aと点Mを結び, 点Pから線分AMに引い  
 た垂線と線分AMとの交点をQとし,  
 頂点Bと点Q, 頂点Cと点Qをそれぞれ結んだ  
 場合を表している。  
 立体P-QBCの体積は何  $\text{cm}^3$  か。

図1

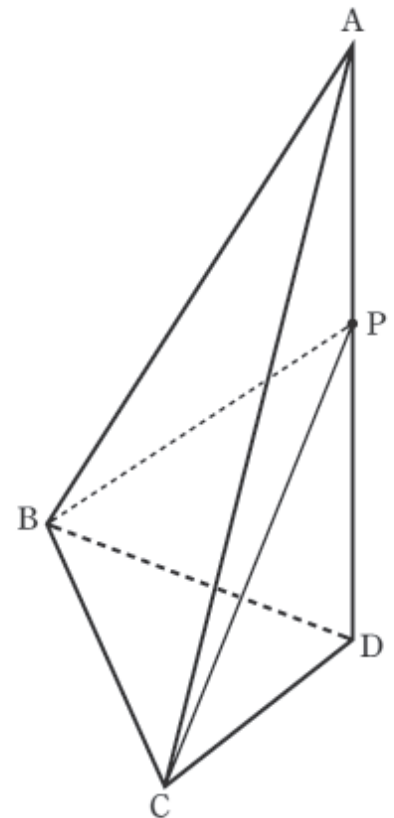
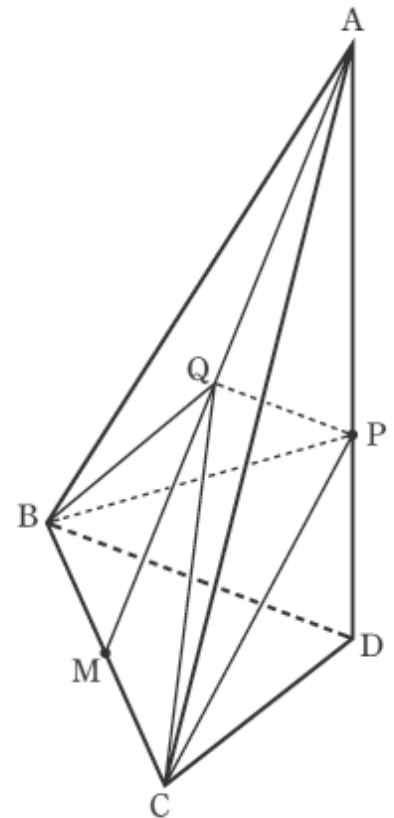


図2



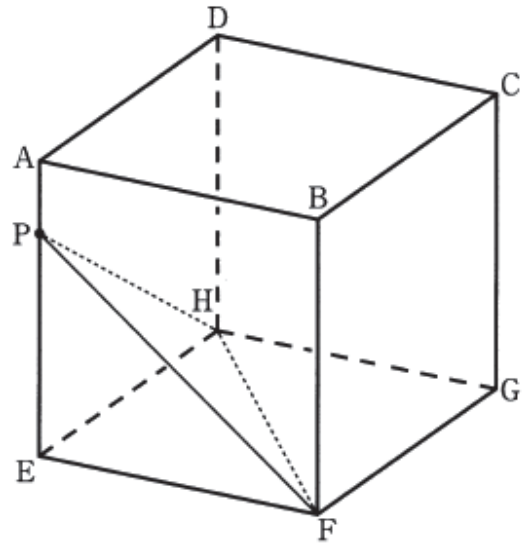
5 右の図1に示した立体 $ABCD-EFGH$ は、 図1

1辺の長さが6cmの立方体である。

辺 $AE$ 上にある点を $P$ とする。

頂点 $F$ と頂点 $H$ ，頂点 $F$ と点 $P$ ，頂点 $H$ と点 $P$ をそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。

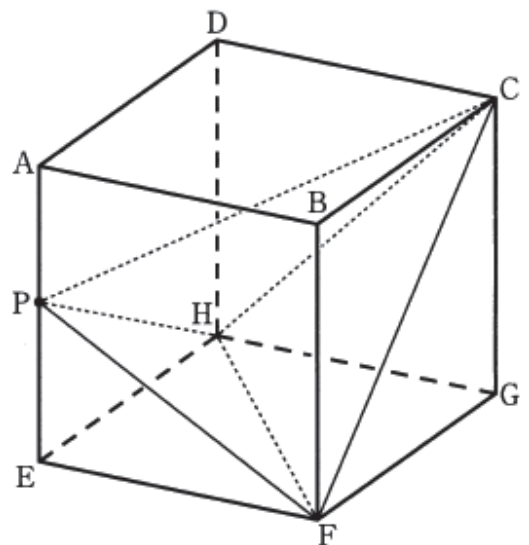


〔問1〕 図1において，点 $P$ が頂点 $A$ に一致するとき， $\triangle PFH$ の内角である $\angle FPH$ の大きさは何度か。

〔問2〕 右の図2は，図1において，頂点 $C$ と 図2

頂点 $F$ ，頂点 $C$ と頂点 $H$ ，頂点 $C$ と点 $P$ をそれぞれ結んだ場合を表している。

$AP = 3\text{cm}$ のとき，立体 $P-CHF$ の体積は何 $\text{cm}^3$ か。



5 右の図1に示した立体 $ABC-DEF$ は、  
 $AB=BC=CA=AD=6\text{ cm}$ 、  
 $\angle CAD=\angle BAD=90^\circ$ の正三角柱である。

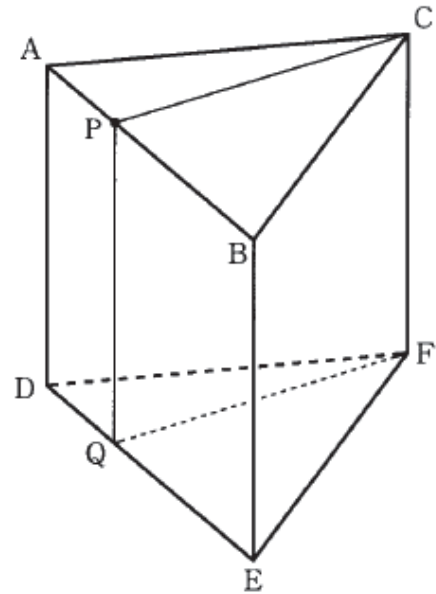
辺 $AB$ 上にある点を $P$ とする。

点 $P$ を通り辺 $AD$ に平行な直線を引き、辺 $DE$   
との交点を $Q$ とする。

頂点 $C$ と点 $P$ 、頂点 $F$ と点 $Q$ をそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。

図1

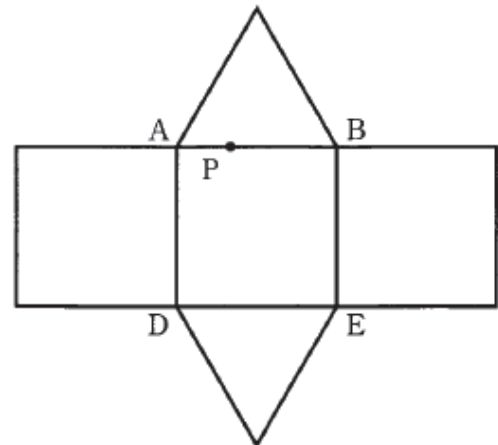


〔問1〕 右の図2は、図1の正三角柱の展開図の  
1つに、頂点 $A, B, D, E$ と点 $P$ を示した  
ものである。

解答欄に示した展開図をもとにして、  
線分 $CP, PQ, QF$ を定規を用いて書け。

ただし、点 $Q$ の位置を示す文字 $Q$ も書き  
入れること。

図2

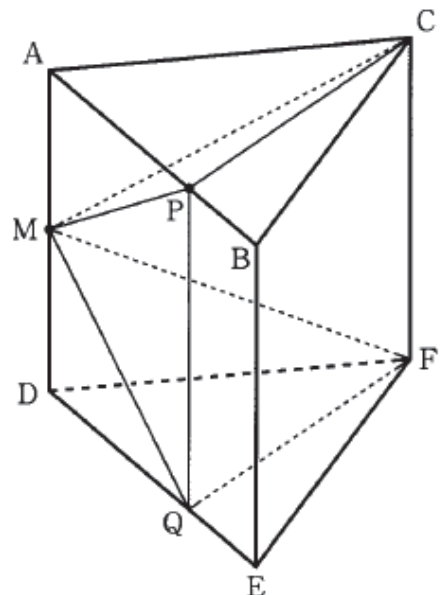


〔問2〕 右の図3は、図1において、辺 $AD$ の中点  
を $M$ とし、頂点 $C$ と点 $M$ 、頂点 $F$ と点 $M$ 、  
点 $M$ と点 $P$ 、点 $M$ と点 $Q$ をそれぞれ結んだ  
場合を表している。

$AP:PB=2:1$ のとき、  
立体 $M-CPQF$ の体積は何 $\text{cm}^3$ か。

ただし、答えに根号が含まれるときは、  
根号を付けたままで表せ。

図3



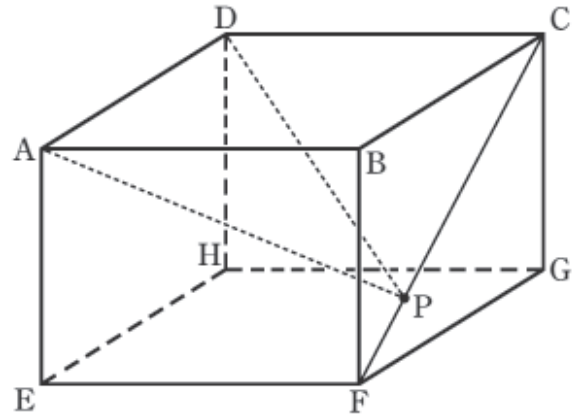


5 右の図1に示した立体 $ABCD-EFGH$ は、 $AB=AD=8\text{ cm}$ 、 $AE=6\text{ cm}$ の直方体である。

頂点 $C$ と頂点 $F$ を結び、線分 $CF$ 上にある点を $P$ とする。

頂点 $A$ と点 $P$ 、頂点 $D$ と点 $P$ をそれぞれ結ぶ。  
次の各問に答えよ。

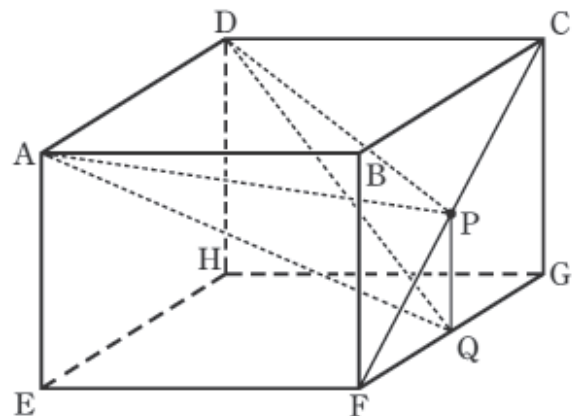
図1



〔問1〕 点 $P$ が頂点 $F$ に一致するとき、 $\triangle APD$ の内角である $\angle DAP$ の大きさは何度か。

〔問2〕 右の図2は、図1において、点 $P$ が線分 $CF$ の中点となるときの、点 $P$ から辺 $FG$ に引いた垂線と、辺 $FG$ との交点を $Q$ とし、頂点 $A$ と点 $Q$ 、頂点 $D$ と点 $Q$ をそれぞれ結んだ場合を表している。  
立体 $P-AQD$ の体積は何 $\text{cm}^3$ か。

図2



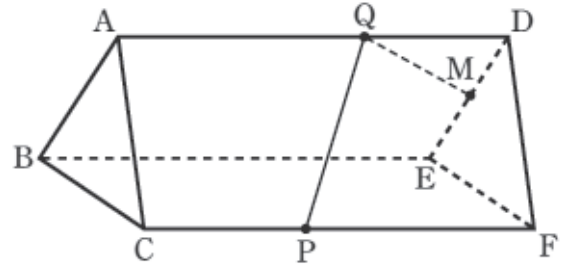
5 右の図1に示した立体ABC-DEFは、 図1

$AB=BC=CA=4\text{ cm}$ ,  $AD=9\text{ cm}$ ,  
 $\angle ABE=\angle CBE=90^\circ$  の正三角柱である。

辺DEの中点をMとする。

辺CF上にある点をP, 辺AD上にある点をQとし, 点Mと点Q, 点Pと点Qをそれぞれ結ぶ。

次の各問に答えよ。



[問1] 次の  中の「お」「か」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

図1において,  $PQ+QM=l\text{ cm}$  とする。

$FP=8\text{ cm}$  のとき,  $l$  の値が最も小さくなる場合の  $l$  の値は,  おか  である。

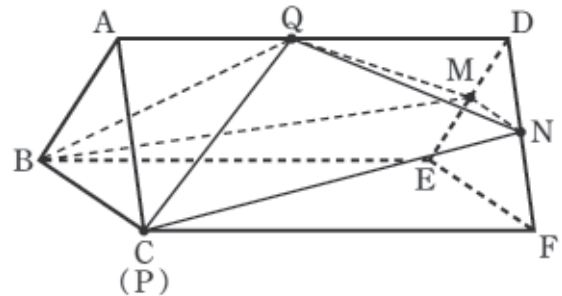
[問2] 次の  中の「き」「く」「け」に当てはまる数字をそれぞれ答えよ。

右の図2は, 図1において, 図2

点Pが頂点Cに一致するとき,  
 辺DFの中点をNとし, 頂点Bと点M,  
 頂点Bと点Q, 点Mと点N,  
 点Nと点P, 点Nと点Qを  
 それぞれ結んだ場合を表している。

$DQ=5\text{ cm}$  のとき,

立体Q-BPNMの体積は,  きく   $\sqrt{\text{け}}$    $\text{cm}^3$  である。



	ページ	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
1	1	-9	4	4	-9	-8	9	-8
2	2	$-a+6b$	$-a+8b$	$7a+8b$	$8a+6b$	$a+6b$	$8a+7b$	$2a+9b$
3	3	$1+3\sqrt{5}$	$6-2\sqrt{5}$	2	$-5+4\sqrt{7}$	$-\sqrt{3}$	$-4+3\sqrt{6}$	$7\sqrt{3}$
4	4	7	-9	6	-3	7	-2	4
5	5~6	$x=2, y=1$	$x=3, y=-1$	$x=3, y=-5$	$x=2, y=-1$	$x=-9, y=4$	$x=4, y=-1$	$x=2, y=5$
6	7	-8, 4	0, 7	-1, 9	5, 7	$\frac{5\pm\sqrt{21}}{2}$	$\frac{-5\pm\sqrt{37}}{2}$	-6, 1
7	8	14 通り	$\frac{3}{5}$	$\frac{8}{15}$	$\frac{7}{10}$			
8	9	35%	3回	0.24				
9	10~11	135 度	$4\pi\text{cm}$	70 度	136 度	80 度		
10	12~14							

	〔問1〕	$P = a^2 h$
2	〔問2〕	<p>〔証明〕 この立体は、底面の半径が <math>a</math> cm、高さが <math>a</math> cm の円柱であるから、体積 <math>V</math> は、</p> $V = \pi a^2 \times a = \pi a^3 \quad \text{----- (1)}$ <p>また、線分 <math>AB</math> と点 <math>M</math> との距離は <math>\frac{a}{2}</math> cm であるから、点 <math>M</math> が通ってできる円周の長さ <math>l</math> は、</p> $l = 2\pi \times \frac{a}{2} = \pi a$ <p>よって、</p> $a^2 l = a^2 \times \pi a = \pi a^3 \quad \text{----- (2)}$ <p>(1), (2) より、 <math>V = a^2 l</math></p>

	〔問1〕	10
2	〔問2〕	<p>〔証明〕 <math>a, b, c, d, f, g, h, i</math> をそれぞれ <math>e</math> を用いて表すと、 <math>a = e - 4, b = e - 3, c = e - 2, d = e - 1, f = e + 1,</math> <math>g = e + 2, h = e + 3, i = e + 4</math> と表せる。 <math>P</math> と <math>Q</math> をそれぞれ <math>e</math> を用いて表すと、</p> $P = b \times h + d \times f = (e - 3)(e + 3) + (e - 1)(e + 1) = 2e^2 - 10 \quad \text{----- (1)}$ $Q = a \times i + c \times g = (e - 4)(e + 4) + (e - 2)(e + 2) = 2e^2 - 20 \quad \text{----- (2)}$ <p>と表せる。 (1), (2) より、 <math>P - Q = (2e^2 - 10) - (2e^2 - 20) = 10</math></p> <p>よって、 <math>P - Q = 10</math></p>

	〔問1〕	10個
2	〔問2〕	<p>〔証明〕 <math>P</math> を、<math>a</math> と <math>b</math> を用いた式と、<math>m</math> と <math>n</math> を用いた式の2通りの方法で表すと、<math>P = 10a + b, P = 9m + n</math> これらより、<math>10a + b = 9m + n</math> よって、<math>b = 9m + n - 10a</math> ----- (1) また、<math>Q</math> を <math>a</math> と <math>b</math> を用いて表すと、 <math>Q = a + b</math> ----- (2) (1) を (2) に代入すると、 <math>Q = a + (9m + n - 10a) = 9(m - a) + n</math> よって、<math>9(m - a)</math> は、9 の倍数だから、 <math>Q</math> を 9 で割ったときの余りは <math>n</math> である。</p>

<b>2</b>	〔問1〕	$P = 36\pi$
	〔問2〕	<p>〔証明〕</p> <p>立体A-BCDEは正四角すいなので、  <math>\triangle ABC \equiv \triangle ACD \equiv \triangle ADE \equiv \triangle AEB</math> ----- (1)</p> <p>点G, H, I, Jは、それぞれ辺AB, AC, AD, AEの中点であるから、中点連結定理より、<math>GH = HI = IJ = JG</math>          また、<math>GH + HI + IJ + JG = \ell</math>であるから、<math>GH = \frac{1}{4}\ell</math>          よって、<math>BC = 2GH = 2 \times \frac{1}{4}\ell = \frac{1}{2}\ell</math>  <math>\triangle ABC = \frac{1}{2} \times BC \times AF = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2}\ell \times a = \frac{1}{4}a\ell</math> -- (2)</p> <p>(1), (2)より、<math>Q = 4 \times \triangle ABC = 4 \times \frac{1}{4}a\ell</math>  <math>Q = a\ell</math></p>

<b>2</b>	〔問1〕	2通り
	〔問2〕	<p>〔証明〕</p> <p>連続して縦に並んだ3つの数のうち最も小さい数を <math>a</math> として他の2つの数をそれぞれ <math>a, n</math> を用いて表すと、  <math>a + n, a + 2n</math> となる。  <math>Q = (a + n)^2 - a \times (a + 2n)</math>  <math>= a^2 + 2an + n^2 - a^2 - 2an</math>  <math>= n^2</math>          よって、<math>Q = n^2</math></p>

<b>2</b>	〔問1〕	$b + c$
	〔問2〕	<p>面積が <math>T \text{ cm}^2</math> の図形は、1段増えると正方形の紙が1枚増えるから、2つ組み合わせると、どの段も同じ枚数の紙が並んだ長方形となる。この長方形の面積の <math>\frac{1}{2}</math> 倍が <math>T</math> となる。</p> <p>面積が <math>T \text{ cm}^2</math> の図形の各段の紙は (段の数+1) 枚だから、<math>n</math> 段目は <math>(n+1)</math> 枚となる。したがって、長方形の <math>n</math> 段目の紙は <math>\{(n+1)+2\}</math> 枚となり、どの段も <math>(n+3)</math> 枚となる。</p> <p>正方形の紙の1辺の長さは1 cm だから、長方形の直角をはさむ2辺の長さは <math>n \text{ cm}</math>, <math>(n+3) \text{ cm}</math> となる。</p> <p>よって、<math>T = n \times (n+3) \times \frac{1}{2}</math></p> <p style="text-align: center;"><math>T = \frac{1}{2}n(n+3)</math></p>

<b>2</b>	〔問1〕	あ	3
	〔問2〕	〔証明〕	
		<p>左上の数について、かけられる数が <math>a</math>、かける数が <math>b</math> であることから、左上の数は <math>ab</math> となる。</p> <p>また、右上の数は <math>a\{b+(n-1)\}</math>、左下の数は <math>b\{a+(n-1)\}</math>、右下の数は <math>\{a+(n-1)\}\{b+(n-1)\}</math> と表すことができる。</p> <p><math>n-1=N</math> とおくと、</p> $P - Q = \{ab + (a+N)(b+N)\} - \{a(b+N) + b(a+N)\}$ $= (ab + ab + aN + bN + N^2) - (ab + aN + ab + bN)$ $= ab + ab + aN + bN + N^2 - ab - aN - ab - bN$ $= N^2$ <p><math>N = n-1</math> だから、</p> $P - Q = (n-1)^2$	

**3**

【22 ページ】

	〔問1〕	2
<b>3</b>	〔問2〕	$(5, \frac{9}{2})$
	〔問3〕	7 cm

【23 ページ】

	〔問1〕	$y = 7x - 4$
<b>3</b>	〔問2〕	BP : PC = 2 : 1
	〔問3〕	(9, 3)

【24 ページ】

	〔問1〕	2
<b>3</b>	〔問2〕	$y = -\frac{3}{2}x + 6$
	〔問3〕	4 cm

【25 ページ】

	〔問1〕	$0 \leq b \leq \frac{25}{4}$
<b>3</b>	〔問2〕	$y = x + 3$
	〔問3〕	$(3, \frac{9}{4})$

【26 ページ】

	〔問1〕	$0 \leq a \leq 4$
<b>3</b>	〔問2〕	① $y = \frac{1}{2}x + 6$
		② (6, 9)

【27 ページ】

	〔問1〕	$0 \leq b \leq 18$
<b>3</b>	〔問2〕	① $y = x + 6$
		② $(3, \frac{9}{2})$

【28 ページ】

	〔問1〕	ア
<b>3</b>	〔問2〕	ウ
	〔問3〕	4

4	〔問1〕	(a - 45)度	
	〔問2〕	①	<p>〔証明〕  <math>\triangle APC</math>と<math>\triangle QPB</math>において、                  対頂角は等しいから、  <math>\angle APC = \angle QPB</math> ----- (1)  <math>\widehat{AQ}</math>に対する円周角は等しいから、  <math>\angle ACP = \angle QBP</math> ----- (2)                  (1), (2)より、2組の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle APC \sim \triangle QPB</math></p>
		②	40 cm <sup>2</sup>

4	〔問1〕	( 150 - a ) 度	
	〔問2〕	①	<p>〔証明〕  <math>\triangle ABP</math>と<math>\triangle ACR</math>において、   <math>\triangle ABC</math>は二等辺三角形だから、  <math>AB = AC</math> ----- (1)                  仮定から、  <math>BP = CR</math> ----- (2)  <math>\widehat{AP}</math>に対する円周角は等しいから、  <math>\angle ABP = \angle ACR</math> ----- (3)                  (1), (2), (3)より、2辺とその間の角が                  それぞれ等しいから、   <math>\triangle ABP \equiv \triangle ACR</math></p>
		②	5 cm

4	〔問1〕	(a + 55)度	
	〔問2〕	①	<p>〔証明〕  <math>\triangle APC</math>と<math>\triangle QPB</math>において、                  仮定から、<math>CP = BP</math> ----- (1)  <math>AC \parallel BQ</math>より、平行線の錯角は等しいから、  <math>\angle ACP = \angle QBP</math> ----- (2)                  対頂角は等しいから、  <math>\angle APC = \angle QPB</math> ----- (3)                  (1)~(3)より、1辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle APC \equiv \triangle QPB</math></p>
		②	8 cm <sup>2</sup>

【32 ページ】

[問 2]	①	<p>〔証 明〕  <math>\triangle PSR</math>と<math>\triangle ASQ</math>において、                  対頂角は等しいから、  <math>\angle PSR = \angle ASQ</math> ----- (1)  <math>RP \parallel AQ</math>より、平行線の錯角は等しいから、  <math>\angle RPS = \angle QAS</math> ----- (2)                  (1), (2)より、2組の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle PSR \cong \triangle ASQ</math></p>
	②	$\frac{4}{27}$

【33 ページ】

4	[問 1]	$(2a - 90)$ 度	
	[問 2]	①	<p>〔証 明〕  <math>\triangle ABQ</math>と<math>\triangle CPQ</math>において、                  四角形<math>ABCD</math>は長方形だから、<math>AB \parallel PC</math>                  平行線の錯角は等しいから、  <math>\angle ABQ = \angle CPQ</math> ----- (1)  <math>\angle BAQ = \angle PCQ</math> ----- (2)                  (1), (2)より、2組の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle ABQ \cong \triangle CPQ</math></p>
		②	$\frac{4}{15}$

【34 ページ】

4	[問 1]	$(90 - a)$ 度	
	[問 2]	①	<p>〔証 明〕  <math>\triangle ABP</math>と<math>\triangle ADQ</math>において、                  四角形<math>ABCD</math>は正方形なので、  <math>AB = AD</math> ----- (1)  <math>\angle ABP = \angle ADQ = 90^\circ</math> ----- (2)                  仮定から、<math>\angle DAB = \angle QAP = 90^\circ</math> なので、  <math>\angle PAB = \angle DAB - \angle DAP</math>  <math>= 90^\circ - \angle DAP</math>  <math>\angle QAD = \angle QAP - \angle DAP</math>  <math>= 90^\circ - \angle DAP</math>                  よって、<math>\angle PAB = \angle QAD</math> ----- (3)                  (1), (2), (3)より、                  1辺とその両端の角がそれぞれ等しいから、  <math>\triangle ABP \cong \triangle ADQ</math></p>
		②	$\frac{39}{5}$ cm



〔問1〕	工		
〔問2〕	①	〔証 明〕	
<p>△AQRと△CQPにおいて、</p> <p>対頂角は等しいから、</p> <p style="text-align: center;"><math>\angle AQR = \angle CQP \dots\dots\dots (1)</math></p> <p>仮定から、<math>AS \parallel PC</math></p> <p>平行線の錯角は等しいから、</p> <p style="text-align: center;"><math>\angle ARQ = \angle CPQ \dots\dots\dots (2)</math></p> <p>(1), (2)より、2組の角がそれぞれ等しいから、</p> <p style="text-align: center;"><math>\triangle AQR \sim \triangle CQP</math></p>			
〔問2〕	②	い	2
		う	1
		え	5

4

5

【36 ページ】

5	〔問1〕	4秒後
	〔問2〕	$\frac{4}{9}$

【37 ページ】

5	〔問1〕	$\triangle PRQ : \triangle ADC = 1 : 4$
	〔問2〕	$8 \text{ cm}^3$

【38 ページ】

5	〔問1〕	60	度
	〔問2〕	$\frac{16}{3}$	$\text{cm}^3$

【39 ページ】

5	〔問1〕	60度
	〔問2〕	$54 \text{ cm}^3$

【40 ページ】

5	〔問1〕	
	〔問2〕	$24\sqrt{3} \text{ cm}^3$

【41 ページ】

5	〔問1〕	90度
	〔問2〕	$32 \text{ cm}^3$

【42 ページ】

5	〔問1〕	お	1
		か	0
	〔問2〕	き	1
		く	4
		け	3